نشریه علمی- پژوهشی سوخت و احتراق سال دوازدهم، شماره اول، بهار ۱۳۹۸



بررسی اثرات فشار و دما در شعله متقابل آرامگذر-بحرانی و فرا-بحرانی متان و اکسیژن مایع

حامد زینیوند'، حسین عشینی'، محمد فرشچی^{۳*}و هادی رضایی[†]

۱-دانشجوی دکترا، مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی شریف، تهران، ایران، ایران، seinivand_hamed@ae.sharif.ir ۲- کارشناسی ارشد، مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی شریف، ایران، ایران، farshchi@sharif.edu ۳- استاد، مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی شریف، تهران، ایران، farshchi@sharif.edu ۴- دکترا، مهندسی مکانیک، پژوهشگاه فضایی ایران، پژوهشکده سامانههای حملونقل فضایی، تهران، ایران، H.rezaei@isrc.ac.ir

(تاریخ دریافت:۹۷/۵/۶، دریافت آخرین اصلاحات:۹۷/۹/۵، پذیرش: ۹۷/۹/۱۰)

كليدواژگان: شعله جريان متقابل، احتراق گذر بحراني، پديده شبهجوشش، كد كانترا، حل شبه يكبعدي

مقدمه

افزایش فشار در سیستمهای احتراقی، سبب افزایش بازده عملکردی این سیستمها میشود. این مزایا تمایل به حرکت به سمت سیستمهای احتراقی فشار بالا را افزایش داده است. امروزه، موتورهای توربینی پرنده در فشاری در حدود ۳۰ بار فعالیت میکنند. این مقدار بهصورت تقریباً خطی در ۵۰ سال اخیر افزایش پیدا کرده است و پیش بینی میشود که همچنان این روند ادامه داشته باشد[۱]. مثال دیگر موتورهای دیزل است که فشار پس از اشتعال به محدوده ۶۰ اتمسفر می سد[۲]. در بسیاری از موتورهای راکتی سوخت مایع، یکی از پیشرانهها بهصورت مایع وارد محفظه احتراق میشود، در حالی که دمای آن پایین تر از دمای بحرانی ترمودینامیکی و فشار آن بالاتر از فشار بحرانی است (شرایط گذر-بحرانی)[۳]. در بیشتر سیستمهای احتراقی فرض گاز ایدئال برای حل جریان واکنشی درنظر گرفته می شود. شرایط دما بالا و چگالی پایین شعله امکان درنظر گرفتن این فرض را در تحلیل جریانهای واکنشی می دهد. اما در فشارهای خیلی بالا (بالاتر از فشار بحرانی واکنش دهندهها) دیگر نمی توان فرض گاز ایدئال را به کار برد و لازم است تا از فرضهای مربوط به شرایط فشار بالا به خصوص برای واکنش دهنده استفاده کرد. به عبارت دیگر، در این حالت خواص ترمودینامیکی و انتقالی سیال از شرایط گاز ایدئال تبعیت نمی کند و باید شرایط گاز واقعی را در محاسبات لحاظ کرد.

همانطور که اشاره شد، در تحلیل CFD جریانهای آشفته فرا-بحرانی لازم است تا شرایط مربوط به خواص ترمودینامیکی، انتقال و انرژی گاز واقعی لحاظ شود. عموماً، در بیشتر جریانهای آشفته فرا-بحرانی بهدلیل بالابودن چگالی و یا سرعت، عدد رینولدز بالا است و حل LES این جریآنها بهلحاظ محاسباتی هزینه بیشتری تحمیل می کند. در این حالت به کار بردن مدلهای احتراقی که تعداد زیادی معادله انتقال برای گونهها درنظر می گیرند، شرایط را بغرنجتر می سازد. به همین دلیل استفاده از مدلهای احتراقی خانواده فلیملت که براساس ذخیره سازی^۱ دادههای ترمودینامیک واکنش عمل می کند بسیار متداول تر است. در این حالت نیاز است تا یک ساختار شعله آرام برای تولید دادههای فلیملت تولید شود. دو نوع از روشهای متداول برای تولید این ساختار شعله آرام استفاده از مفهوم شعلههای جریان متقابل و یا شعلههای جریان برش محوری است. شعلههای جریان متقابل علاوهبر کاربرد برای تولید ساختار شعله آرام برای تولید دادههای دیگری نیز برای محققان دارند. یکی از علل شعلههای جریان متقابل علاوهبر کاربرد برای تولید ساختار شعله آرام جذایت مقابل و یا شعلههای جریان برش محوری است. معداول برای تولید این ساختار شعله آرام استفاده از مفهوم شعلههای جریان متقابل و یا شعلههای جریان برش محوری است. معالههای جریان متقابل علاوهبر کاربرد برای تولید ساختار شعله آرام جذایتهای دیگری نیز برای محققان دارند. یکی از علل معالههای جریان متقابل علاوهبر کاربرد برای تولید ساختار شعله آرام جذایتهای دیگری نیز برای محققان دارند. یکی از علل مطالعه حاضر به شریان مانند زمان اقامت در آنها است که برای مطالعه شعلهها بسیار مهم است[۵]. با توجه به تأکید مطالعه حاضر به شرایط فشار بالای میدان جریان، حل میدان جریان شعله متقابل، هم به لحاظ تحلیل میدان جریان و هم به-

منابع در حوزه شعلههای نفوذی جریان متقابل گسترده بوده و همچنان در حال گسترش است. این مطالعات شامل روندهای تجربی، تحلیلی و عددی است[۶–۸]. از معدود پژوهشهای تجربی صورت گرفته برای مطالعه ساختار شعلههای نفوذی جریان متقابل و شرایط خاموشی آنها، به کارهای نیمان و همکارانش در سال ۲۰۱۳ برمیگردد[۹]. در این مطالعه، در بازه فشاری ۱ تا ۲۰ بار، فرآیند احتراق هوا با سوختهای متان، اتان و اتیلن که با گاز نیتروژن و هلیوم رقیق شدهاند، بررسی شده است. پروفیل دما (با استفاده از ترموکوپلها) و نرخهای کرنش در شرایط خاموشی شعله اندازه گیری شده و نتایج با حل عددی حاصل از دو سینتیک شیمیایی متفاوت مقایسه شده است. نتایج این پژوهش نشان میداد که نرخ کرنش خاموشی شعله، تا فشارهای حدود ۳ تا ۵ بار، با افزایش فشار، بیشتر شده و پس از آن و تا فشار ۲۰ بار، با افزایش فشار، کاهش می افت. پارامتر دیگر مورد مطالعه، میزان شار حرارتی تشعشعی از شعله بوده که نتایج تجربی نشان میداد با افزایش فشار، این پارامتر افزایش مییابد. همان طور که اشاره شد، یک بعدی بودن شعلههای جریان متقابل و همچنین امکان تغییر زمان ماندگاری جریان، این شعلهها را بهلحاظ مطالعاتی جذاب کرده است. اگرچه بیشتر مطالعات برای شرایط فشار اتمسفریک و همچنین شرایط گاز ایدئال میباشند، برخی مطالعات جدید به روش عددی شرایط گاز واقعی را نیز در حل جریانهای واکنشی متقابل مورد بررسی قرار دادهاند. بیشتر مطالعات در خصوص واکنشدهندههای هیدروژن-اکسیژن است و مطالعات کمتری به شعلههای هیدروکربنی جریان متقابل پرداخته است. بهعنوان نمونه ریبرت و همکارانش[۱۰] نشان دادند که در شعله جریان متقابل ضخامت شعله و همچنین نرخ آزادسازی انرژی با مجذور حاصلضرب فشار در نرخ کرنش رابطه دارد. همچنین اشاره کردهاند که در ناحیه شعله بهدلیل دمای بالا، اثرات گاز واقعی کم می شود و درنظر گرفتن فرض گاز ایدئال قابل قبول است. ويليامز[11] اثرات انتقال مولكولي (انتقال به روش چندجزئي و ميانگين مخلوط) و همچنين انتقال حرارت مولكولي بر روي ساختار شعله و همچنین مشخصات خاموشی شعله غیرپیش آمیخته برخوردی را بررسی و مشاهده کرد که نرخ کرنش خاموشی

^{1.} Look-up

به خواص انتقال مولکولی حساس است. ویلیامز تأکید کرده که درنظر گرفتن روابط مناسب انتقال (شامل دیفیوژن مولکولی، هدایت حرارت مولکولی و گرانروی) در پیشبینی ساختار شعله غیر پیش آمیخته جریان متقابل حائز اهمیت است. ونگ و همکاران [۱۲] با استفاده از راهبرد یکپارچهای که تمامی محدوده فشاری را شامل میشود، توانستند کلیه نواحی منحنی S شعله (نمودار تغییرات دما براساس تغییرات نرخ کرنش و یا نرخ اضمحلال) را پوشش بدهند. در مطالعه آنها، ساختار شعله مرزی متفاوت تحلیل شده است. لاکازه و اوفلین [۱۳] پارامترهای مؤثر بر رفتار شعله هیدروژن گازی و اکسیژن مایع را در شرایط مرزی متفاوت تحلیل شده است. لاکازه و اوفلین [۱۳] پارامترهای مؤثر بر رفتار شعله هیدروژن گازی و اکسیژن مایع را در شرایط فرابحرانی مورد بررسی قرار دادند. آنها یک شعله جریان متقابل را بهصورت دوبعدی و به روش عددی شبیهسازی کردهاند. در مطالعه آنها حساسیت ساختار شعله به کشیدگی، فشار، دما و اثرات سیال حقیقی در شعله جریان متقابل مورد بررسی قرار گرفت. آنها نشان دادهاند که شعله به کشیدگی بسیار مقاوم است و فرض فلیملت برای شبیهسازی و بررسی، فرض

در ناحیه فشار فرا-بحرانی در دیاگرام فازی، شرایط سیال در حالت دمای زیر بحرانی با شرایط دمای بالای بحرانی بسیار متفاوت است. در شرایطی که در فشار بحرانی دما زیر دمای بحرانی باشد سیال رفتار مایعمانند دارد. اما در شرایطی که دما نیز بالاتر از دمای بحرانی قرار میگیرد رفتار سیال گازمانند میشود. خط widom که با خط قرمز در شکل ۱ نشان داده شده است، ناحیه گازمانند را از ناحیه مایعمانند در ناحیه فرا-بحرانی جدا میکند. بهعبارت دیگر هنگامیکه سیال از ناحیه گذر-بحرانی وارد ناحیه کاملاً فرا-بحرانی میشود به اصطلاح از خط widom در نمودار فازی عبور کرده است. یکی از ویژگیهای بارز سیالی که به لحاظ دما و فشار بر روی این خط قرار میگیرد داشتن ظرفیت حرارتی قابل توجه در مقایسه با شرایط اطراف است. این رفتار را ((شبه جوشش)) مینامند. در تمام این تغییرات رفتاری، کشش سطحی وجود ندارد و جریان تکفاز است. بانوتی و همکارانش[14] (از شبه جوشش)) مینامند. در تمام این تغییرات رفتاری، کشش سطحی وجود ندارد و جریان تکفاز است. بانوتی و دهمکارانش[14] در سالهای اخیر تحقیقات زیادی بر روی پدیده شبه جوشش در جریان گذر-بحرانی انجام داده اند و نشان



Figure 1- Transcritical conditions across the pseudo-boiling line in a phase diagram شکل ۱- شرایط گذر بحرانی در دمای شبهجوشش در دیاگرام فازی

هدف اصلی مقاله حاضر، بررسی نقش و اهمیت شرایط گذر-بحرانی و فرا-بحرانی در پیشبینی رفتار جریان واکنشی است. در هنگامی که شرایط در فضای فیزیکی مورد بررسی قرار می گیرد، بین درنظر گرفتن شرایط گاز واقعی برای حالت گذر- بحرانی و فرا-بحرانی تفاوت عمده مشاهده میشود و تأثیر آن مشخص میشود. اما یکی از مواردی که هدف اصلی مقاله است بررسی تفاوت درنظر گرفتن در شرایط فضای کسر مخلوط است. بسیاری از مقالاتی که در حوزه شبیه سازی میدان جریان آشفته فرا-بحرانی در تحقیقات مختلف ارائه میشود به دلیل حجم محاسبات بالا از مدل های خانواده فلیملت^۱ برای شبیه سازی احتراق استفاده کرده اند. برای مدل سازی این موضوع نیاز به دراختیار داشتن ساختار شعله آرام است که معمولاً براساس حل شعله جریان متقابل به دست می آید. در بیشتر مطالعات حوزه فرا-بحرانی این ساختار شعله از حل شعله جریان متقابل با درنظر گرفتن شرایط گاز واقعی حاصل می شود و محققان ساختار شعله آرام را نیز با حالت گاز واقعی حل می کنند که نیاز به تغییرات در حل جریان و همچنین به کاربستن هزینه و زمان است. در مقاله بالا نشان داده شده است که تغییرات ساختار شعله رفضای کسر مخلوط چه برای شرایط گذر-بحرانی و چه برای فرا-بحرانی ناچیز است و می توان از ساختار شعله آرام براساس گاز ایدئال تراکم پذیر نیز برای این منظور استفاده کرد، بدون آنکه خطای قابل توجهی در محاسبات وارد شود. این نکته کمک مؤثری به ساده سازی حل میدان جریان آشفته فرا-بحرانی با استفاده فلیملت می کند. تاکنون مقالهای به تفاوت استفاده از روابط گاز واقعی و گاز ایدئال در مشخصات شعله در فضای خانواده فلیملت می کند. تاکنون مقاله ای به مؤثری به ساده سازی حل میدان جریان آشفته فرا-بحرانی با استفاده از مدل های خانواده فلیملت می کند. تاکنون مقالهای به موثری به داده از روابط گاز واقعی و گاز ایدئال در مشخصات شعله در فضای فیزیکی و فضایی کسر مخلوط برای شرایط گذر-بحرانی و فرا-بحرانی نیزداخته است و مقالات صرفاً به اهمیت به کار گیری معادلات حالت واقعی برای جریآنهای فرا-بحرانی اشاره کرده د.

توصيف ميدان جريان

مدل فیزیکی مورد بررسی یک شعله نفوذی جریان متقابل است که بهوسیله جریان خروجی از نازلهای استوانهای (همانطور که در شکل ۲ نشان داده شده است) ایجاد میشود. این هندسه متقارن محوری به طرز قابلتوجهی معادلات حاکم را ساده میکند[۱۷]. معادلات دقیق حل میدان فوق بهصورت مفصل توسط هو و همکارانش ارائه شده است[۱۸] و برای شعله برخوردی اکسیژن/هیدروژن برای شرایط گسترده ترمودینامیکی تفسیر شده است.



شکل۲- طرحواره نحوه تشکیل شعله در جریان برخورد متقابل

در مقاله حاضر برای حل میدان جریان از فرمولاسیون هو و همکارانش، که کلیه معادلات جرم، تکانه، اجزاء و انرژی بهعلاوه خواص ترمودینامیکی و انتقال را در برگرفته است، استفاده شده است. از کد منبع باز کانترا^۲ برای حل میدان جریان و سینتیک اجزاء استفاده شده است. از میدان جریان و بنتیک اجزاء استفاده شده است. از میدان میدان جریان و مینتیک اجزاء استفاده شده است.

^{1.} Flamelet

^{2.} Cantera

ترمودینامیک را برای شرایط گاز ایدئال حل میکند، خواص ترمودینامیک به شرایط گاز واقعی تغییر داده شده است. در این حال، برای چگالی از معادله SRK استفاده شده است[۲۰] و خواص آنتالپی و آنتروپی نیز شامل ترم حالت ایدئال بهعلاوه ترم اصلاحی است. همچنین، خواص انتقال براساس روابط چانگ بهروز شده است. معادله انرژی نیز به شرایط گاز واقعی تغییر داده شده است. با توجه به اینکه در این مطالعه شعله برخوردی متان اکسیژن مایع در شرایط فوق بحرانی مدنظر بوده است، از مكانيزم GRI.3 كه شامل ۵۳ جزء شيميايي و ۳۲۵ واكنش است استفاده شده است تا اثرات تمام اجزاء بهدقت ديده شود. مکانیزم GRI.3 مخصوص مدلسازی دقیق احتراق متان در فشارهای بالاست، اما میتوان برای کاربردهای که شرایط پایدار را در کار خود لحاظ می کند و دنبال پدیده ای گذرا مانند خاموشی و یا اشتعال نیست از این مکانیزم استفاده کرد. این مکانیزم تأثیر عمدهای در مواردی که مدنظر این تحقیق است، یعنی اثرات شرایط گذر بحرانی و فرا-بحرانی بر ساختار پایه شعله و همچنین تفاوت دو حالت در فضای کسر مخلوط، نمی گذارد. ضمن اینکه محققان دیگری نیز از این مکانیزم برای شرایط فشار بالای مشابه برای حل CFD و یا یکبعدی مسائل فشاربالا استفاده کردهاند [۲۲،۲۱].

برای استخراج معادلات حاکم، فرض می شود که این جریان، پایا و متقارن محوری بوده و هیچ پارامتری در راستای محیطی آن، heta، تغییر نمی کند (هرچند که ممکن است سرعت محیطی w وجود داشته باشد). میدان جریان نیز تنها در راستای صفحه z-r بررسی می شود. در این مسئله، با استفاده از روش حل تشابهی، معادلات حاکم سهبعدی به معادله یک بعدی تقلیل یافته است. روند اثبات ارائه برپایه دو فرض اساسی زیر است:

۱- میدان سرعت در قالب یک تابع جریان که فرم تفکیکپذیری به شکل زیر دارد، قابل توصیف است:
$$\Psi(z,r) = -r^2 \mathrm{U}(z)$$

که در آن (_Z ابعی از z است. ۲- دما، تركيب و چگالى تنها وابسته به Z (تغييرات محورى) هستند.

همچنین مقدار تغییرات فشار نسبت به فشار ترمودینامیکی میانگین کوچک فرض میشود. با استفاده از این فرضیات و فرض استوکس که لزجت دینامیکی و تودهای را بهصورت $\kappa = -2\mu/3$ درنظر می گیرد، مجموعه معادلات دیفرانسیل پارهای بهصورت زیر سادهسازی میشوند.

$$\frac{\partial \rho u}{\partial z} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial r \rho v}{\partial r} = 0 \tag{(7)}$$

$$\rho u \frac{\partial u}{\partial z} + \rho v \frac{\partial u}{\partial r} = -\frac{\partial p}{\partial z} + \frac{\partial}{\partial z} \left[2\mu \frac{\partial u}{\partial z} - \frac{2}{3} \mu \nabla \Delta \right] + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left[\mu r \left(\frac{\partial v}{\partial z} + \frac{\partial u}{\partial r} \right) \right] \tag{(7)}$$

$$\rho u \frac{\partial v}{\partial z} + \rho v \frac{\partial u}{\partial r} - \rho \frac{w^2}{r} = -\frac{\partial p}{\partial r} + \frac{\partial}{\partial z} \left[\mu \left(\frac{\partial v}{\partial z} + \frac{\partial u}{\partial r} \right) \right] + \frac{\partial}{\partial r} \left[2\mu \frac{\partial v}{\partial r} - \frac{2}{3} \mu \nabla \Delta \right] + \frac{2\mu}{r} \left[\frac{\partial v}{\partial r} - \frac{v}{r} \right]$$
(*)

$$\rho u \frac{\partial w}{\partial z} + \rho v \frac{\partial w}{\partial r} - \rho \frac{vw}{r} = \frac{\partial}{\partial z} \left(\mu \frac{\partial w}{\partial z} \right) + \frac{\partial}{\partial r} \left[\mu \left(\frac{\partial w}{\partial r} - \frac{w}{r} \right) \right]$$
(6)

$$(\Delta)$$

 $\frac{\partial \Psi}{\partial x} = \rho u r = 2r U$ $= -\rho vr = -r^2 \frac{dU}{dz}$ (6)

که معادله بقای جرم را بهصورت دقیق ارضا میکند. برمبنای روابط بالا، عبارتهایی که برای جایگزینی در معادلات نویر-استوكس نياز است، مطابق روابط زير محاسبه مي شوند. лπ

 $\frac{\partial r}{\partial \Psi}$

$$\rho u = 2U, \rho v = -r \frac{du}{dz}$$

$$\frac{\partial u}{\partial z} = 2 \frac{\partial}{\partial z} \left(\frac{U}{\rho} \right), \quad \frac{\partial u}{\partial r} = 2U \frac{1}{r} \left(\frac{1}{\rho} \right) = 0$$

$$\frac{\partial v}{\partial z} = -r \frac{\partial}{\partial z} \left(\frac{1}{\rho} \frac{dU}{dz} \right), \quad \frac{\partial v}{\partial r} = -\frac{dU}{dz} \frac{\partial}{\partial r} \left(\frac{r}{\rho} \right) = -\frac{1}{\rho} \frac{dU}{dz}$$
(Y)

ذکر این نکته لازم است که در روابط بالا، از مشتقات شعاعی چگالی، بهخاطر اینکه چگالی تنها تابعی از Z فرض شده، صرفنظر شده است. همچنین برای محاسبه عبارت دیورژانس سرعت در معادلات نویر-استوکس، براساس فرضیات، میتوان بهعبارت زیر رسید.

$$\nabla V = \frac{\partial u}{\partial z} + \frac{\partial v}{\partial r} + \frac{v}{r} = 2 \left[\frac{\partial}{\partial z} \left(\frac{U}{\rho} \right) - \frac{1}{\rho} \frac{dU}{dz} \right]$$

با جایگزینی این عبارات در داخل معادلات بقا و حذف عبارتهایی با مشتقات شعاعی چگالی و U و همچنین انجام سادهسازیها میتوان به معادلات دیفرانسیل کلی (ODE) ^۱ زیر رسید:

(λ)

$$\frac{\partial p}{\partial z} = -4U \frac{dU}{dz} \left(\frac{U}{\rho}\right) + \frac{4}{3} \frac{d}{dz} \left[2\mu \frac{d}{dz} \left(\frac{U}{\rho}\right) + \frac{\mu}{\rho} \frac{dU}{dz}\right] - 2\mu \frac{d}{dz} \left(\frac{1}{\rho} \frac{dU}{dz}\right) \tag{9}$$

تكانه شعاعى:

$$\frac{1}{\rho}\frac{\partial p}{\partial r} = 2U\frac{d}{dz}\left(\frac{1}{\rho}\frac{dU}{dz}\right) - \frac{1}{\rho}\left(\frac{dU}{dz}\right)^2 + \rho\left(\frac{w}{r}\right)^2 - \frac{d}{dz}\left[\mu\frac{d}{dz}\left(\frac{1}{\rho}\frac{dU}{dz}\right)\right]$$
(1.)

معادلات بالا به گونه ای که عبارت گرادیان فشار به تنهایی در سمت چپ معادله قرار گیرد نوشته شده تا بر این مطلب که سمت راست معادله تنها تابعی از z است، تأکید شود. اگر سرعت محیطی صفر باشد (w=0)، به وضوح مشخص است که سمت راست دو معادله بالا تنها تابعی از z است. در غیر این صورت می توان فرض کرد که عبارت $W(z) = \omega/r$ باید تنها تابعی از z باشد. با توجه به این نکته، می توان بیان کرد که هر دو عبارت $\frac{d\rho}{\partial z}$ و $\frac{d\rho}{r \partial r}$ تنها تابعی از z هستند. با توجه به اینکه براساس تعریف تابع با توجه به این نکته، می توان بیان کرد که هر دو عبارت $\frac{d\rho}{\partial z}$ و $\frac{d\rho}{r \partial r}$ تنها تابعی از z هستند. با توجه به اینکه براساس تعریف تابع جریان، معادله مرتبه اول بقای جرم با تکانه شعاعی ترکیب شده است، معادله بقای تکانه شعاعی یک معادله مرتبه سوم حاصل شده است. اگر از تکانه شعاعی نسبت به z مشتق گرفته شود، مشخص می شود که عبارت $\left(\frac{1}{r}\frac{\partial p}{\partial r}\right) = F(z)$

با توجه به اینکه فشار، تابع پیوسته مشتقپذیری از z و r است، میتوان جایگزینی زیر را انجام داد:
(۱۲)
$$\frac{\partial}{\partial z} \left(\frac{1}{r}\frac{\partial p}{\partial r}\right) = \frac{1}{r}\frac{\partial}{\partial r} \left(\frac{\partial p}{\partial z}\right) = 0$$

حال با توجه به اینکه عبارت
$$rac{\partial p}{\partial z}$$
 تنها تابعی از z است، مشتق شعاعی آن صفر خواهد بود. در نتیجه میتوان دریافت که عبارت $rac{1}{r}rac{\partial p}{\partial r}$ یک مقدار ثابت است. همچنین عبارت A_r به صورت زیر تعریف می شود:

$$\frac{1}{r}\frac{\partial p}{\partial r} = \Lambda_r = \text{constant.}$$
 (۱۳)
با جایگزینی تابع U با سرعتهای فیزیکی رسید.
(۱۴) $\rho u = 2U, \qquad \rho \frac{v}{r} = \rho V = -\frac{dU}{dz}$
مشاهده میشود که سرعت $\frac{v}{r} = V$ نیز صرفاً تابعی از z خواهد بود. این معادلات نهایی در زیر خلاصه شده است.

$$\frac{d(\rho u)}{dz} + 2\rho V = 0 \tag{10}$$

تكانه شعاعى:

بقای جرم:

$$-2U\frac{d}{dz}\left(\frac{1}{r}\frac{dU}{dz}\right) + \frac{1}{\rho}\left(\frac{dU}{dz}\right)^2 - \rho\left(\frac{W}{R}\right)^2 = -\frac{1}{r}\frac{\partial p}{\partial r} - \frac{d}{dz}\left[\mu\frac{d}{dz}\left(\frac{1}{\rho}\frac{dU}{dz}\right)\right]$$
(19)

$$\rho u \frac{dv}{dz} + \rho (V^2 - W^2) = -\Lambda_r + \frac{d}{dz} \left(\mu \frac{dV}{dz} \right)$$
(17)
c, optimizer of the second state of the second stat

$$2Ur\frac{dW}{dz} - r\frac{dU}{dz}\frac{\partial rw}{\partial r} - r\frac{dU}{dz}w = r\frac{\partial}{\partial z}\left(\mu\frac{\partial w}{\partial z}\right) + \frac{\partial}{\partial z}\left[\mu\left(\frac{\partial rw}{\partial r} - w\right)\right] + \frac{2\mu}{r}\left(\frac{\partial rw}{\partial r}\right)$$
(1A)

^{1.} Ordinary Differential Equations

با تقسیم عبارت بالا بر r و حذف مشتقات شعاعی W و چگالی، میتوان به معادله زیر رسید.
(۱۹)
(۱۹)
(۱۹)
معادلات انرژی با فرض گاز کامل و بقای گونهها، با فرض اینکه درجه حرارت و ترکیب گونهها تنها ترکیبی از Z باشد،
مطابق زیر خواهد بود.

$$\rho uc_p \frac{dT}{dz} (\lambda \frac{dT}{dz}) - \sum_{k=1}^{N} \rho Y_k V_k c_{pk} \frac{dT}{dz} - \sum_{k=1}^{N} h_k W_k \dot{\omega}_k$$

(۲۰)
 $\rho u \frac{dY_k}{dz} = -\frac{d}{dz} (\rho Y_k V_k) + W_k \dot{\omega}_k$
(۲۱)
 $p u \frac{dY_k}{dz} = -\frac{d}{dz} (\rho Y_k V_k) + W_k \dot{\omega}_k$
 $k = 1, k$
(۲۱)
 $p = \rho RT \sum_{k=1}^{K} \frac{Y_k}{W_k}$
(۲۲)
 $p = \rho RT \sum_{k=1}^{K} \frac{Y_k}{W_k}$
(۲۲)
 $p = \rho RT \sum_{k=1}^{K} \frac{Y_k}{W_k}$
 $k = 0, k$
(۲۲)
 $p = \rho RT \sum_{k=1}^{K} \frac{Y_k}{W_k}$
 $k = 0, k$
 (T)
 $p = \rho RT \sum_{k=1}^{K} \frac{Y_k}{W_k}$

شرایط مرزی
معادلات جریان متقابل پایا، یک مسئله مقدار مرزی است. معادله بقای جرم، مرتبه اول و معادلات بقای تکانه، انرژی و گونهها
معادله مرتبه دوم هستند. معادلات مرتبه دوم، نیازمند اطلاعات مستقلی از *V*، *W*، *T* و *Y* در هر دو انتهای دامنه *z* بوده و
معادله مرتبه اول بقای جرم، تنها به مشخصبودن سرعت *u* در یک مرز نیازمند است.
بدین ترتیب شروط مرزی این مسئله را میتوان به صورت زیر تعیین کرد.
در نقطه
$$Z = Z_0$$

$$\begin{split} V(z_{0}) &= v_{0} \\ V(z_{0}) &= V_{0} \\ \dot{m}_{0}Y_{k,0} - j_{k}(z_{0}) - \rho(z_{0})u(z_{0})Y_{k}(z_{0}) = 0 & (\Upsilon m) \\ &= 0 & (\Upsilon m) \\ ct = z_{1} \\$$

$$j_k(z_0) = 0 \tag{YY}$$

شرط مرزی برای سطحی که در آن واکنش شیمیایی رخ میدهد و در نقطه z_0 قرار دارد، دمای T_0 برای آن اعمال میشود. در این موقعیت معادلات زیر حل می شود:

 $\rho(z_0)u(z_0) = 0$ $V(z_0) = 0$ $T(z_0) = T_0$ $j_k(z_0) + W_k \dot{\omega}_k = 0$

که در عبارتهای بالا، عبارت \dot{s}_k نرخ مولی تولید گونه k که در فاز گازی قرار دارد، است.

معادله حالت

(۲۸)

با توجه به اینکه در حالت فرا-بحرانی مشخصات مربوط خواص ترمودینامیکی از حالت گاز ایدئال پیروی نمی کند، در اینجا از مدل SRK^۱ برای اعمال اثر شرایط فرا-بحرانی بر چگالی مخلوط استفاده شده است. مدل SRK یکی از مدلهای معروف برای محاسبه مشخصات ترمودینامکی (چگالی) در شرایط فرا-بحرانی است. معادله کیوبیک^۲ این مدل بهصورت زیر معرفی می شود[۲۰].

$$p = rac{R_u T}{V - b} - rac{a(T)}{V^2 + bV}$$
که در آن R وزن مولکولی است. Ru که در آن $V = M/
ho$ که در آن Ru که در آن

حجم مؤثر مولکول، b، از رابطه $b = 0.0866R_uT_{cr}/p_{cr}$ محاسبه می شود که در رابطه بالا cr بیان کننده نقطه بحرانی است. برهمکنش بین مولکولی به صورت زیر داده می شود.

$$a(T) = a_0 [1 + n(1 - (T/T_c)^{0.5})]^2$$
 (۳۰)
 $a_0 = 0.4275 R_u^2 T_{cr}^2 / p_{cr}$ که در آن ۵ ضریب اسنتریک است. ضریب اسنتریک،
مانند وزن مولکولی، فشار بحرانی، دمای بحرانی و حجم بحرانی بهعنوان یک پارامتر استاندارد برای شناسایی مشخصات و
ویژگیهای مواد خالص شناخته میشود. این عدد بیانکننده میزان غیرکرویبودن مولکول است که در رفتار این ماده در
شرایط فشار و دماهای بحرانی تأثیرگذار است[۲۳].

$$e(T,\rho) = e_0(T) + \int_{\rho_0}^{\rho} \left[\frac{P}{\rho^2} - \frac{T}{\rho^2} \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_{\rho} \right]_T d\rho$$

$$h(T,\rho) = h_0(T) + \int_{\rho_0}^{\rho} \left[\frac{1}{\rho} + \frac{T}{\rho^2} \left(\frac{\partial \rho}{\partial T} \right)_{\rho} \right]_T dP$$

$$s(T,\rho) = s_0(T,\rho_0) - \int_{\rho_0}^{\rho} \left[\frac{T}{\rho^2} \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_{\rho} \right]_T d\rho$$

$$C_V(T,\rho) = C_{V_0}(T) - \int_{\rho_0}^{\rho} \left[\frac{T}{\rho^2} \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_{\rho} \right]_T d\rho + \frac{T}{\rho^2} \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_{\rho}^2 / \left(\frac{\partial P}{\partial \rho} \right)_V$$
(71)

در شکل ۳ مقایسه بین دادههای NIST[۲۴]، مدل SRK (استفاده شده در کار حاضر) و شرایط گاز ایدئال، برای چگالی و ظرفیت حرارتی ویژه اکسیژن برای دماهای مختلف و در فشار بحرانی اکسیژن (۶۰ بار) آورده شده است. در شرایطی که سیال در شرایط گذر-بحرانی قرار دارد اختلاف بین دادههای NIST با شرایط گاز ایدئال فاصله بسیاری دارد و در دماهای بالاتر از بحرانی به دادههای گاز ایدئال نزدیک می شود. بااین حال در بیشتر نقاط دادههای مدل SRK با دادههای TST همخوانی نسبتاً

^{1.} Soave-Rdelich-Kwong

^{2.} Cubic

نکته قابلتوجه در این قسمت تغییرات شدید خواص ترمودینامیکی شامل چگالی و ظرفیت حرارتی در مجاورت دمای شبهجوشش با تغییرات اندک دما است. در شرایط گاز ایدئال در بازه دمایی ۵۰ کلوین تا ۴۰۰ کلوین طبق دادههای JANAF تغییرات ظرفیت حرارتی بسیار کم است. همانطور که مشاهده میشود با رسیدن دما به محدوده ۱۵۸/۵ کلوین ظرفیت حرارتی ویژه بهشدت افزایش مییابد. درعین حال مشاهده میشود به همراه این تغییرات، چگالی نیز در یک بازه دمایی کوچک بهشدت افت می کند و به عبارت دیگر حجم مخصوص سیال در این شرایط به شدت افزایش پیدا می کند. این تغییرات شامل ظرفیت حرارتی و مهم تر از آن افزایش حجم (پدیده شبه جوشش)، شرایط جدیدی را در محفظه احتراق ایجاد می کند که نیاز است مورد بررسی قرار گیرد.



Figure 3- Comparison of NIST database with thermodynamic properties calculated with SRK equation of state for O₂ at 60 bar (a) density (b) constant-pressure specific of heat

شکل ۳- خواص ترمودینامیکی گاز ایدئال-مدل SRK و دادههای NIST -ظرفیت حرارتی ویژه (راست)، چگالی (چپ) برای اکسیژن در فشار ۶۰ بار

خواص انتقال در جریان واکنشی فرا-بحرانی

همانند خواص ترمودینامیکی برای خواص انتقال نیز لازم است تا اثر شرایط فرا-بحرانی را بر مخلوط اعمال کرد. رویکرد برای شرایط گاز واقعی در مورد گرانروی بیشتر برپایه نتایج چانگ و همکارانش[۲۵] که براساس تئوری چاپمن-انسکوگ است استوار است. این تئوری اصولا برای گازهای رقیق، فرموله شده است، اما برای فشار -بالا نیز توسعه داده شده است. برای مخلوط های فشار بالا (گاز واقعی)، گرانروی *η* بهصورت زیر نوشته میشود.

 $40.79 \text{ FE}_{2} (M T)^{1/2}$

$$\begin{split} \eta &= \eta^* \eta^0 = \eta^* \frac{40.783 \Gamma_{Cm}(MmT)^{V-1}}{V_{Cm}^{2/3} \Omega_v} \end{split} \tag{77}$$

So ect [io:

$$\eta^0 = \mathcal{R}_{cm} Q_{cm} Q_{$$

در معادله بالا F_{cm} و m_m ضریب اسنتریک مخلوط و m_n یک فاکتور مخصوص اصلاح برای مواد با شرایط قطبیت مولکولی بالا مانند الکل و اسیدها است. در شکل ۴ مقایسه بین دادههای NIST، مدل چانگ و شرایط گاز ایدئال برای گرانروی و ضریب هدایت حرارتی اکسیژن برای دماهای مختلف و در فشار ۶۰ بار آورده شده است. همان طور که مشاهده می شود، در دماهای پایین تر از دمای شبه بحرانی اکسیژن و در شرایطی که سیال در شرایط گذر-بحرانی قرار دارد اختلاف بین دادههای NIST با شرایط گاز ایدئال فاصله بسیاری دارد و در دماهای بالاتر از بحرانی به دادههای گاز ایدئال نزدیک می شود. بااین حال در بیشتر دماها دادههای مدل چانگ با دادههای TIST همخوانی نسبتاً مناسبی دارد و به همین دلیل از این مدل می توان برای محاسبه خواص انتقال در شرایط فوق بحرانی استفاده کرد.



Figure 6- Comparison of NIST database with transport properties calculated with Chung et al model for O2 at 60 bar (a) viscosity (b) thermal conductivity شکل۴- خواص انتقال گاز ایدئال-مدل چانگ و دادههای NIST –هدایت حرارتی (راست)، گرانروی (چپ) برای اکسیژن در فشار ۶۰ بار

مشخصات مسئله و شرایط مرزی

در مقاله حاضر از کد منبع باز کانترا برای حل میدان جریان و سینتیک اجزاء استفاده شده است. با توجه به اینکه نرمافزار در حال پایه خواص انتفال و ترمودینامیک را برای شرایط گاز ایدئال حل می کند، خواص ترمودینامیک و خواص انتقال به شرایط گاز واقعی تغییر داده شده است. معادله انرژی نیز به شرایط گاز واقعی تغییر داده شده است. هندسه مسئله شامل دو جریان ورودی است که در فاصله ۱۰ میلیمتری از یکدیگر قرار گرفتهاند. شرایط مرزی ورودی به صورت شار جرمی است که با واحد درنظر گرفتن واحد سطح ورودی مشخصات سرعت ورودی تعیین میشود. دمای ورودی سوخت و اکسنده نیز داده میشود. تعداد شبکه درنظر گرفته شده به این صورت است که تعداد ۳۰ گره در مسئله درنظر گرفته میشود و سپس براساس الگوریتم موجود در کد تعداد گرهها در حل افزایش پیدا می کند تا مسئله همگرا شود. نودهای اضافه شده به صورت یکنواخت نیستند و براساس میزان گرادیان متغیرها در فضا توزیع میشوند. یک الگوریتم ترکیبی نیوتن-گام زمانی برای حل معادلات استخراج شده استفاده میشود.

با توجه به اینکه در این مطالعه شعله برخوردی متان/کسیژن مایع در شرایط فوق بحرانی مدنظر بوده است، اثر تشعشع در انتقال حرارت درنظر گرفته نشده است. دمای ورودی متان ۳۰۰ کلوین درنظر گرفته شده است و برای اکسیژن مایع دماهای مختلف از ۱۲۰ کلوین تا ۲۵۰ کلوین درنظر گرفته شده است. همچنین، تحلیل نتایج در فشارهای مختلف از بازه ۱۰ اتمسفر تا ۱۰۰ اتمسفر انجام شده است. شار جرمی سوخت و اکسنده نیز بهترتیب برابر (kg/m².s) ۱۳/۹ و ۲۵/۴۴ است.

صحه گذاری نتایج

برای صحتگذاری حلگر، پروفیل دما با دادههای تجربی در بالاترین فشار ممکن مقایسه شده است. پروفیل تجربی دما از مقاله نیمان[۹] و در فشار ۸/۸ MPa استخراج شده است. هندسه تجربی مدنظر دارای دو ورودی سوخت و اکسنده است. سوخت با نیتروژن مخلوط شده و از ورودی سوخت تزریق میشود و مخلوط رقیقشده اکسیژن نیز از ورودی اکسنده تزریق میشود. سوخت مورد استفاده در آزمایش متان است. فاصله بین ورودی سوخت و اکسنده در این آزمایش L=10 mm است. نرخ کرنش گزارش شده در آزمایش به صورت زیر تعریف شده که برای کار حاضر نیز از این رابطه استفاده شده است.

$$a = \frac{2u_2}{L} \left(1 + \frac{u_1 \sqrt{\rho_1}}{u_1 \sqrt{\rho_1}} \right) \tag{(TT)}$$

که در آن ۱ و ۲ بهترتیب مربوط به سوخت و اکسنده است. در کار تجربی بالا هوا دارای نسبت جرمی $2.230 = Y_{O_{2,2}}$ و نسبت جرمی سوخت انتخابی $1.6 = Y_{CH_{4,1}}$ است. ذکر این نکته لازم است که سوخت و اکسنده با دمای محیط وارد ناحیه واکنش می موند ($T_1 = T_2 = 298$ k است. همان طور که در شکل می موند ($T_1 = T_2 = 298$ k است. همان طور که در شکل ۵ دیده می شوند ($T_1 = T_2 = 298$ k است. همان طور که در مکل ۵ دیده می شوند ($T_1 = T_2 = 298$ k است. می مواند مرازی یکسان و اندازه محیط یکسان اجرا شده است. همان طور که در شکل ۵ دیده می شوند ($T_1 = T_2 = 298$ k است. می موند ($T_1 = T_2 = 298$ k است. می موند ($T_1 = T_2 = 298$ k است. می مواند ($T_1 = T_2 = 298$ k است. می موند ($T_1 = T_2 = 298$ k است. می موند ($T_1 = T_2 = 298$ k است. می موند ($T_1 = T_2 = 298$ k اندازه محیط یکسان اجرا شده است. مان طور که در شکل ($T_1 = T_2 = 298$ k است. ($T_1 = T_2 = 298$ k است.) ($T_1 = T_2 = 298$ k است. ($T_1 = T_2 = 298$ k است.) ($T_1 = T_2 = 298$ k ای می مواند ($T_1 = T_2 = 298$ k ای می مواند ($T_1 = T_2 = 298$ k ای می مواند ($T_1 = T_2 = 298$ k ای می مورد ($T_1 = T_2 = 298$ k ای می مورد) ($T_1 = T_2 = 298$ k ای می مواند ($T_1 = T_2 = 298$ k ای می مورد) ($T_1 = T_2 = 298$ k ای مورد) ($T_1 = T_2 = 298$ ($T_1 = T_2 = 298$ k ای مورد) ($T_1 = T_2 = 298$ ($T_1 = T_2 = 298$ k ($T_1 = T_2 = 298$ ($T_1 = T_2 = 298$ k ($T_1 = 29$



Figure 5- Temperature distribution for experiment and numerical data in 0.8 Mpa [9] [9] شکل ۵- توزیع دما براساس طول برای حالت تجربی و عددی در فشار ۰/۸ مگاپاسکال

همچنین، برای اطمینان از شبیه سازی عددی صورت گرفته، نتایج با بیشترین فشاری که به صورت عددی انجام شده و گزارش شده است نیز مورد مقایسه قرار گرفته است. برای این کار از نتایج حاصل از کار عددی وانگ و همکارانش[۱۲] استفاده شده است. این شبیه سازی برای فشار ۱۰۰ بار و نرخ کرنش ۱۰۰۰ بر ثانیه انجام شده است. شرایط مرزی و ابعادی درنظر گرفته شده مشابه کار وانگ و همکارانش است. نتایج حاصل از مقایسه دما در شکل ۶ نشان داده است. همان طور که مشاهده می شود، در بیشینه دما اختلاف اندکی دیده می شود که می تواند ناشی از به کارگیری مکانیزمهای شیمیایی مختلف در دو تحقیق باشد. بااین حال تطابق بین نتایج کار حاضر با کار عددی وانگ و همکارانش مناسب است. حامد زینیوند، حسین عشینی، محمد فرشچی و هادی رضایی



Figure 6- Comparison between current simulations with available similar simulation in 100 atm [12] شکل ۶- مقایسه بین نتایج شبیهسازی حاضر با دادههای عددی موجود در فشار ۱۰۰ بار و نرخ کرنش ۱۰۰۰ بر ثانیه[۱۲]

بررسی نتایج

در قسمت نتایج به بررسی اثرات درنظر گرفتن شرایط گاز واقعی (بهلحاظ مشخصات ترمودینامیکی و انتقال و انرژی) و گاز ایدئال برای شرایط مختلف فشار و دما و همچنین در فضای کسر مخلوط و فضای فیزیکی پرداخته شده است. روند بررسی نتایج بهصورت جدول ۱ است.

Fig number	variables	Pressure (atm)	Oxygen Temp (K)	EOS
7	Temp-mixture fraction	100	120	Ideal-Real
8	Cp/Temp-Norm length	100	120	Ideal-Real
9	Density- Norm length	10	120	Ideal-Real
10	Density- Norm length	100	120	Ideal-Real
11	OH- Norm length	60	120-300	Ideal
12	OH- Norm length	60	120-300	Real
13	Density- Norm length	10-100	120	Ideal
14	Density- Norm length	10-100	120	Real
15	Temp- Norm length	60	120-300	Ideal-Real
16	Density- Norm length	60	120-300	Ideal-Real
17	Velocity- Norm length	60	120-300	Ideal-Real

جدول ۱- شرایط مختلف بررسی شده در بخش نتایج Table 1- Simulation conditions the in discussion section

در شکل ۷ مقایسه بین شرایط شعله با جریان گاز ایدئال و گاز واقعی براساس کسر مخلوط برای فشار ۱۰۰ بار آورده شده است. همانطور که مشاهده میشود در شرایط گاز واقعی دمای بیشینه برحسب کسر مخلوط اندکی کاهش مییابد. بااینحال موقعیت دمای بیشینه براساس کسر مخلوط برای شرایط گاز واقعی و همچنین گاز ایدئال تغییری نمیکند. کاهش جزئی دما را میتوان در اضافه شدن ترم اصلاحی به ترم گاز ایدئال در معادله آنتالپی دانست. همانطور که مشاهده میشود، در فضای کسر مخلوط تفاوت بین دادههای حالت گاز واقعی و گاز ایدئال ناچیز است که میتوان این موضوع را در مورد شبیهسازی جریان آشفته به روش فلیملت مدنظر قرار داد. از آنجاکه در مدل سازی میدان آشفته به روش فلیملت، دادههای حاصل از ساختار شعله جریان آرام در فضای کسر مخلوط انتگرال گیری میشود، مشاهده میشود که در فضای کسر مخلوط، حالت گاز تأثیر عمدهای در شرایط گذر-بحرانی که پر چالشترین قسمت است نخواهد داشت.



Figure 7- Temperature distribution vs. mixture fraction for ideal and real gas condition شكل ٧- توزيع دما براساس كسر مخلوط براى شرايط گاز واقعى و گاز ايدئال

در شکل ۸، تغییرات دما و همچنین ظرفیت حرارتی برحسب فاصله بی عد شده برای دمای ورودی ۱۲۰ کلوین و فشار ۱۰۰ بار برای حالت گاز ایدئال و گاز واقعی نشان داده شده است. همانطور که مشاهده می شود با اعمال شرایط گاز واقعی شعله به سمت ورودی اکسیژن جابجا می شود و دمای بیشینه نیز کاهش می یابد. از طرفی همانطور که مشاهده می شود در شرایطی که گاز کامل درنظر گرفته می شود ظرفیت حرارتی، اثر افزایش شدید ناشی از پدیده شبه جوشش را ظاهر نمی کند. با اعمال شرایط گاز واقعی پیش از شعله و در قسمت ورودی اکسیژن یک افزایش ناگهانی در ظرفیت حرارتی اتفاق می افتد که ناشی از عبور سیال از خط Midom و درنتیجه ایجاد تغییرات شدید ترمودینامیکی باشد (مشابه افزایش شدید ظرفیت حرارتی در دمای شبه بحرانی در شکل ۳ در این حالت جریان از حالت مایعمانند به سرعت تبدیل به گازمانند می شود که این پدیده باعث کاهش شدید چگالی و افزایش سرعت می شود. همچنین مشاهده می شود که بیشینه دما با اعمال شرایط گاز واقعی اندکی کاهش می یابد. همان طور که مشاهده می شود در فضای فیزیکی اختلاف بین شرایط گاز واقعی و گاز ایدئال برای حالت اندکی کاهش می یابد. همان طور که مشاهده می شود در فضای فیزیکی اختلاف بین شرایط گاز واقعی و گاز ایدئال برای حالت گذر -بحرانی قابل توجه است.



Figure 8- Temperature and constant specific heat vs. normalized length for ideal and real gas condition شکل ۸- توزیع دما و ظرفیت حرارتی ویژه براساس عدد بیبعد فاصله برای شرایط گاز واقعی و گاز ایدئال

در شکل ۹ توزیع چگالی برحسب طول بیبعد شده بین سوخت و اکسنده در شرایط حل گاز ایدئال و گاز واقعی برای دمای ورودی اکسیژن ۱۲۰ کلوین و فشار ۱۰ بار نشان داده شده است. همان طور که مشاهده می شود، در قسمت ورودی اکسیژن مایع به دلیل وجود شرایط گذر بحرانی اختلاف چگالی بین حل گاز ایدئال و گاز واقعی بیشتر از ورودی متان است. حل گاز ایدئال چگالی اکسیژن را کمتر پیش بینی می کند. در شکل ۱۰ همین توزیع برای شرایط ورودی اکسیژن ۱۲۰ کلوین و فشار ۱۰۰ بار نشان داده شده است و مشاهده می شود که اختلاف پیش بینی شده برای شرایط گاز ایدئال و واقعی بسیار بیشتر و در حدود ۲۰۰ درصد است که نشان می دهد فرض گاز ایدئال در این شرایط با خطای بسیار بیشتری همراه است. در شرایطی که فشار کمتر از فشار بحرانی باشد شرایط گاز واقعی و گاز ایدئال در این شرایط با خطای بسیار بیشتری همراه است. در شرایطی که فشار کمتر از فشار بحرانی باشد شرایط گاز واقعی و گاز ایدئال در دمای زیر بحرانی کمتر از ۲۰ درصد خطا ایجاد می کند،



Figure 9- Density distribution vs. normalized length for ideal and real gas conditions in 10 bar شکل ۹- توزیع چگالی براساس عدد بیبعد فاصله برای شرایط گاز واقعی و گاز ایدئال در فشار ۱۰ بار



Figure 10- Density distribution vs. normalized length for ideal and real gas conditions in 100 bar شکل ۱۰- توزیع چگالی براساس عدد بیبعد فاصله برای شرایط گاز واقعی و گاز ایدئال در فشار ۱۰۰ بار

شکل ۱۱ توزیع کسر جرمی مربوط به OH (بهعنوان معیاری از محل شعله) برحسب طول بیبعد شده برای فشار محیط ۶۰ بار و دمای ورودیهای مختلف اکسیژن مایع را برای شرایط حل گاز ایدئال نشان میدهد. همان طور که مشاهده می شود با افزایش دما از ۱۲۰ کلوین به ۳۰۰ کلوین ضخامت شعله کاهش مییابد. در شکل ۱۲ همین شرایط برای حل گاز واقعی نشان داده شده است. کاهش ضخامت شعله در اثر افزایش دما در هر دو حالت تقریباً مشابه است که نشاندهنده این موضوع است که بیشتر ناشی از تغییر در شرایط سینتیک واکنشهاست که برای هر دو حالت یکسان است. تفاوت عمده در شرایط اعمال روابط گاز واقعی و گاز ایدئال را میتوان در موقعیت شعله در شرایط گذر-بحرانی مشاهده کرد. همان طور که مشاهده می شود در شرایط گذر بحرانی (فشار بحرانی و دما زیر بحرانی، دمای ورودی ۱۲۰ و ۱۵۰ کلوین) با درنظرگرفتن حل گاز واقعی شعله به سمت ورودی اکسنده جابجا می شود که میتوان این را ناشی از کاهش ناگهانی چگالی و افزایش ظرفیت حرارتی در حین عبور از خط Widom دانست. اما در شرایط دمای کاملاً بحرانی (فشار بحرانی و دما بحرانی، دماهای ورودی ۲۰۰ و ۲۰۰ کلوین)



Figure 11- OH mass fraction distribution vs. normalized length for ideal gas condition and various oxygen temperature شكل ۱۱- توزيع كسر جرمى OH براساس عدد بىبعد فاصله براى شرايط گاز ايدئال براى دماى ورودى مختلف اكسيژن



Figure 12- OH mass fraction distribution vs. normalized length for real gas condition and various oxygen temperature شكل17- توزيع كسر جرمى OH براساس عدد بىبعد فاصله براى شرايط گاز واقعى براى دماى ورودى مختلف اكسيژن

در شکل ۱۳ توزیع چگالی برای دمای ورودی اکسیژن ۱۲۰ کلوین و فشارهای مختلف کاری برحسب فاصله بیبعدشده نشان داده شده است. همانطور که مشاهده میشود با افزایش فشار، چگالی سمت اکسیژن افزایش پیدا میکند. در شکل ۱۴ همین شرایط برای حل حالت گاز واقعی نشان داده شده است. مشاهده میشود که در شرایط حل گاز واقعی اختلاف چگالی در شرایط فشارهای بالا کمتر میشود. همچنین، چگالی متان اختلاف کمتری را برای فشارهای مختلف نشان میدهد.



Figure 13- Density distribution vs. normalized length for ideal gas condition and various pressure شکل ۱۳– توزیع چگالی برحسب طول بیبعد شده برای شرایط گاز ایدئال در فشارهای مختلف



Figure 14- Density distribution vs. normalized length for real gas condition and various pressure شکل۱۴- توزیع چگالی برحسب طول بیبعد شده برای شرایط گاز واقعی در فشارهای مختلف

در شکل ۱۵ سمت چپ، توزیع دما در طول شعله برای حالت ایدئال ارائه شده است. همان طور که مشخص است، با افزایش دمای ورودی، شعله به سمت ورودی سوخت حرکت کرده و بیشینه دما به مقدار بسیار کم، ۱۵ کلوین برابر ۲۰/۴٪ زیاد می شود. این اتفاق به دلیل آن است که با افزایش دمای ورودی اکسنده چگالی اکسنده کاهش پیدا می کند. افت چگالی با افزایش دما در حالت ایدئال در شکل ۱۶ سمت چپ مشهود است. چگالی در دمای ۳۰۰ کلوین ۲۵٪ مقدار چگالی در دمای ۱۲۰ کلوین است. با ثابت نگهداشتن دبی ورودی، افت چگالی با افزایش دما در ورودی اکسنده، منجر به زیادشدن سرعت محوری (با علامت منفی) در ورودی اکسنده به همان نسبت میشود. افزایش سرعت محوری ورودی در سمت اکسنده با افزایش دما نیز کاملاً در شکل ۱۷ سمت چپ دیده میشود.

در شکل ۱۵ سمت راست، توزیع دما در طول شعله برای حالت واقعی ارائه شده است. مشابه حالت ایدئال، با افزایش دمای ورودی، شعله به سمت ورودی سوخت حرکت کرده است، بااینحال، همانطور که دیده میشود، در شرایطی که دمای اکسیژن کمتر از دمای بحرانی است (دمای ۱۲۰ و ۱۵۰ کلوین) که درواقع شرایط گذربحرانی است، همانطور که در شکل ۱۶ دیده میشود، چگالی در دمای ۱۲۰ کلوین، ۵ برابر و در دمای ۱۵۰ کلوین، ۴ برابر چگالی در حالت گاز ایدئال است و به همین نسبت سرعت ورودی اکسنده نسبت به حالت ایدئال کمتر است. در این حالت، در حل گاز واقعی شعله به سمت ورودی اکسنده حرکت کرده و حل گاز ایدئال و واقعی ۵٪ مکانی نسبت به هم اختلاف دارند.



Figure 15- Temperature distribution vs. normalized length left) ideal gas and right) real gas for 60 atm شکل ۱۵–توزیع دما در طول شعله (الف) گاز ایدئال (سمت چپ)(ب) گاز واقعی (سمت راست) برای فشار ۶۰ بار



شکل ۱۶– توزیع چگالی در طول شعله (الف)گاز ایدئال (سمت چپ)(ب) گاز واقعی (سمت راست) برای فشار ۶۰ بار



Figure 17- Velocity distribution vs. normalized length left) ideal gas and right) real gas for 60 atm شکل ۱۷– توزیع سرعت محوری در طول شعله (الف)گاز ایدئال (سمت چپ)(ب) گاز واقعی (سمت راست) برای فشار ۶۰ بار

در شرایط دمای بالاتر از دمای بحرانی (شرایط کاملاً بحرانی) به دلیل اینکه رفتار سیال مشابه رفتار گاز ایدئال است، چگالی در دمای ۲۰۰ کلوین، ۱/۲ برابر و در دمای ۳۰۰ کلوین، تقریباً برابر چگالی در حالت گاز ایدئال است و به همین دلیل سرعت جریان در سمت اکسنده در دو حالت نزدیک هم است و محل شعله در دماهای ۲۰۰ و ۳۰۰ کلوین در دو حالت تغییر محسوسی نمی کند و تقریباً در یک نقطه قرار دارد.

نتيجهگيرى

در مقاله حاضر، یک شعله برخورد متقابل متان-اکسیژن در شرایط ترمودینامیکی فرا-بحرانی و گذر-بحرانی مورد بررسی قرار گرفته است. قسمت معادلات انرژی بهصورت کامل برای اعمال شرایط فرا-بحرانی اعمال شده است. مشخصات ترمودینامیکی مانند ظرفیت حرارت ویژه با اضافه شدن ترم تکمیلی به ترم شرایط ایدئال بازنویسی شده است و معادله حالت نیز برای شرایط گاز واقعی بهصورت کیوبیک آورده شده است. از نرمافزار منبع باز کانترا، برای محاسبه میدان جریان و حل سینتیک احتراق استفاده شده است و شرایط معادله حالت، معادله انرژی و خواص انتقال برای حل جریان گاز واقعی در شرایط ترمودینامیکی گاز مواقعی سبب پدیدار شدن شرایط شعادله حالت، معادله انرژی و خواص انتقال برای حل جریان گاز واقعی در شرایط ترمودینامیکی واقعی سبب پدیدار شدن شرایط شعادله حالت، معادله انرژی و خواص انتقال برای حل جریان گاز واقعی در شرایط ترمودینامیکی میشود. در شرایط گاز ایدئال شبهجوشش در میدان جریان در شرایط گذر بحرانی مشاهده میشود که اعمال شرایط گاز نمی شود. در شرایط گذر بحرانی شعله به سمت ورودی اکسیژن جابجا میشود و همچنین در ناحیهای بین ورودی اکسیژن و شعله یک افزایش ناگهانی در ظرفیت حرارتی ویژه اکسیژن اعاق میافتد که ناشی از شرایط بحرانی باشد جابجایی خاصی در محل شعله ایک افزایش ناگهانی در ظرفیت حرارتی ویژه اکسیژن اتفاق میافتد که ناشی از شرایط بحرانی باشد جابجایی خاصی در محل شعله اعله اعلو است. از آنجا که در مدانای میدان اشود که یالاتر از شرایط حرانی باشد جابجایی خاصی در محل مخلوط اختلاف عمدهای بین حل گاز واقعی و گاز ایدئال دیده نمیشود که این نتیجه برای حل جریان آشفته بحرانی به روش مناوط اختلاف عمدهای بین حل گاز واقعی و گاز ایدئال دیده نمیشود که این نتیجه برای حل جریان آشفته بحرانی به روش معلوط اختلاف عمدهای بین حل گاز واقعی و گاز ایدئال دیده نمیشود که این نتیجه برای حل جرانی اشاد رسیان گرام در شراط گذر ملوط اختلاف عمدهای بین حل گاز واقعی و گاز ایدئال دیده نمیشود که این نتیجه برای حل جریان آشفته بحرانی به روش مخلوط اختلاف عمدهای بین حل گاز واقعی و گاز ایشانه میشود که در فخای کسر مخلوط، حال از ساختار شعله جریان آرام در براین کسر مخلوط انتگرال گیری میشود، مشاهده میشود که در فیزیکی اختلاف بین شرایط گاز واقعی و گاز ایدئال ازلحاظ موقعیت و ابعاد شعله برای حالت گذر-بحرانی قابل توجه است. برای شرایط کاملاً بحرانی در میدان فیزیکی نیز اختلاف قابلتوجهی در شرایط موقعیت شعله رخ نمیدهد.

> منابع Imar (Ed) High Processes In

- 1. J. Foster and R. S. Miller, "Fundamentals of high pressure combustion, in: M. Lackner (Ed.), High Pressure Processes In Chemical Engineering," *Process Eng Engineering*, Wien, 2010.
- G. M. Bianchi, P. Pelloni, F. E. Corcione, L. Allocca and F. Luppino, "Modeling atomization of high-pressure diesel sprays," J. Eng. Gas Turb. Power, 123, 2001, pp.419–427
- 3. W. Mayer and H. Tamura,"Propellant injection in a liquid oxygen/gaseous hydrogen rocket engine," *Journal of Propulsion and Power*, 12, 1996, pp. 1137–1147.
- 4. C. K. Law, "Combustion physics," Cambridge University Press, Cambridge, UK, 2006.
- 5. F. A. Williams, *Combustion theory*, 2nd ed., The Benjamin/Cummings Publishing Company, Inc., Menlo Park, CA, 1985.
- L. Figura and A. Gomez, "Laminar counterflow steady diffusion flames under high pressure (P 6 3 MPa) conditions," Combustion and Flame, 159, 2012, pp.142–150
- J. Juanos, , N. Zong, V. Yang, L. Pons, N. Darabiha and S. Candel, "Counterflow diffusion flames of general fluids: oxygen/hydrogen mixtures," *Combustion and Flame*, 154, 2008, pp.319–330.
- 8. V. Ricchiuti, R. E. Padilla, S. Karnani and D. Dunn-Rankin, "Cantera simulations of water-laden methane/air nonpremixed counterflow flames," 8th US National Combustion Meeting, Utah, 2013.
- 9. U. Niemann, K. Seshadri and F.A. Williams, "Methane, ethane, and ethylene laminar counterflow diffusion flames at elevated pressures: experimental and computational investigations up to 2.0 MPa," *Combustion and Flame*, 161, 2014, pp. 138-146.
- G. Ribert, N. Zong, V. Yang, L. Pons, N. Darabiha and S. Candel, "Counterflow diffusion flames of general fluids: oxygen/hydrogen mixtures," *Combustion and Flame*, 154, 2008, pp.319–330.
- 11. B. A. Williams, "Sensitivity of calculated extinction strain rate to molecular transport formulation in nonpremixed counterflow flames," *Combustion and Flame*, 124, 2001, pp. 330–333.
- 12. X. Wang, H. Huo and V. Yang, "Counterflow diffusion flames of oxygen and n-alkane hydrocarbons (CH 4 –C 16 H 34) at subcritical and supercritical conditions," *Combustion Science and Technology*, 187, 2015, pp. 60-82.
- 13. G. Lacaze and J. Oefelein, "A non-premixed combustion model based on flame structure analysis," *Combustion and Flame*, 159, 2012, pp. 2087–2103.
- 14. D. T. Banuti, "Crossing the widom-line-supercritical pseduo-boiling," *Journal of Supercritical Fluids*, 98, 2015, pp.12-16.
- 15. D. T. Banuti and K. Hannemann, "Effect of injector wall heat flux on cryogenic injection," AIAA Paper 2010-7139, 2010.
- 16. D. T. Banuti, V. Hannemann, K. Hannemann, and B. Weigand, "An effcient multi-fluid-mixing model for real gas reacting flows in liquid propellant rocket engines," *Combustion and Flame*, 168, 2016, pp.98-112.
- 17. R. J. Kee, J. A. Miller and G. H. Evans, "A computational model of the structure and extinction of strained, opposed flow, premixed methane-air flames," *Proceeding of International Symposium of Combustion Institute*, 1988, pp.1479–1494.
- H. Huo, X. Wang and V. Yang, "A general study of counterflow diffusion flames at subcritical and supercritical conditions: oxygen/hydrogen mixtures," *Combustion and Flame*, 161, 2014, pp. 3040-3050.
- 19. Cantera Developers (2012). Cantera: Chemical kinetics, Thermodynamics, Transport properties. Available: http://cantera.github.com/docs/sphinx/html/index.html, Accessed 24/03/2018
- 20. Soave, "Equation constants from a modified Redlich-Kwong equation of state," *Chemical Engineering Science*, 27, 1972, pp. 1197-1203.
- 21. P. E. Lapenna, P. P. Ciottoli and F. Creta, "The Effect of Fuel Composition on the Non-premixed Flame Structure of LNG/LOx Mixtures at Supercritical Pressure," *AIAA-Paper* 2016-0690.
- 22. T, Kim, Y. Kim and S-K. Kim, "Effects of Pressure and Inlet Temperature on Coaxial Gaesous Methane/Liquid Oxygen Turbulent Jet Flame under Transcritical Conditions," *Journal of Supercritical Fluids*, 81, 2013, pp. 164-174.
- 23. R. Reid, J. Prausnitz and B. Poling, The Properties of Gases and Liquids, McGraw-Hill, New York, 1987.
- 24. E. W. Lemmone, M. I. Huber and M. O. McLinden, "NIST standard reference database 23: reference fluid thermodynamic and transport properties-REFPROP, verison 9.1", National Institute of Standards and Technology, Gaithersburg. 2013.
- 25. T. H. Chung, M. Ajlan, L. L. Lee, and K. E. Starling, "Generalized multiparameter correlation for nonpolar and polar fluid transport properties," *Industrial & engineering chemistry research*, 27, 1988, pp. 671-679.

English Abstract

Influence of inlet temperature and pressure in transcritical and supercritical laminar counter-flow flame of liquid Oxygen/Gaseous methane

Hamed Zeinivand¹, Hossein Ashini², Mohammad Farshchi^{3*} and Hadi Rezaei⁴

1- PhD Candidate, Aerospace Department, Sharif University of Technology, Tehran, Iran, zeinivand_hamed@ae.sharif.ir
 1-MSc, Aerospace Department, Sharif University of Technology, Tehran, Iran, hossein_ashini@yahoo.com
 2-Professor, Aerospace Department, Sharif University of Technology, Tehran, Iran, farshchi@sharif.edu
 3-PhD, Mechanical engineering, Space Transport Research Institute, ISRC, Tehran, Iran, H.rezaei@isrc.ac.ir

*Corresponding author

(Received: 2018.06.28, Received in revised form: 2018.11.26, Accepted: 2018.12.01)

In the present paper, a laminar counter-flow flame has been numerically investigated under the transcritical and supercritical conditions. The Cantera open source code has been used to calculate the flow field and the kinetic combustion solution. Furthermore, the energy equation, the thermodynamics and the transport properties have been modified for real gas solution. The thermodynamics properties, including density, enthalpy, and specific heat at constant pressure, are evaluated based on fundamental thermodynamics theories and the modified SRK equation of state (EOS). Transport properties, including thermal conductivity and dynamic viscosity, are estimated using Chung method. It can be seen that the pseudo-boiling phenomenon has been appeared in transcritical condition with real gas equations. The ideal gas solution is unable to capture this phenomenon. In the mixture fraction field, there is no major difference between the real gas and the ideal gas, which is important for solving the turbulent reacting flow by the flamelet models. However In the physical field, the difference between the real gas condition and the ideal gas is significant in terms of the position and dimensions of the flame for the transcritical state. For supercritical conditions in the physical field similar to mixture fraction field, there is no significant difference in the flame situation.

Keywords: Counter-flow flame, Transcritical flame, pseudo-boiling phenomenon, Cantera code, Onedimensional solution