

مدل‌سازی دینامیکی بویلر نوع دی با مدار چرخش طبیعی: مطالعه‌ای بر روی عملکرد بویلر در حین تغییر بار پله‌ای

مهدي هاشمي بنى^۱، سبحان امامي کوپائي^{۲*}، اميرهمایون مقدادی اصفهاني^{۳**}، عليرضا شيرنشان^۴، رسول
كلباسي^۵

۱- دانشجوی دکتری، گروه مهندسی مکانیک، واحد نجفآباد، دانشگاه آزاد اسلامی، نجفآباد، ايران. m.hashemi@pmc.iaun.ac.ir

۲- استادیار، گروه مهندسی مکانیک، واحد نجفآباد، دانشگاه آزاد اسلامی، نجفآباد، ايران. sobhan@pmc.iaun.ac.ir

۳- دانشیار، گروه مهندسی مکانیک، واحد نجفآباد، دانشگاه آزاد اسلامی، نجفآباد، اiran. amir_meghdadi@pmc.iaun.ac.ir

۴- استادیار، گروه مهندسی مکانیک، واحد نجفآباد، دانشگاه آزاد اسلامی، نجفآباد، اiran. arshirneshan@yahoo.com

۵- استادیار، گروه مهندسی مکانیک، واحد نجفآباد، دانشگاه آزاد اسلامی، نجفآباد، اiran. r.kalbasi@pmc.iaun.ac.ir

* و ** نويسندگان مخاطب

(تاریخ دریافت: ۱۴۰۰/۰۸/۱۲، دریافت آخرین اصلاحات: ۱۴۰۱/۰۲/۱۸، پذیرش: ۱۴۰۱/۰۳/۰۲)

چکیده: در این مقاله به مدل‌سازی گذرای بویلر نوع دی در حین فرایند تغییر بار پرداخته شد. این نوع بویلرهای برای تولید بخار اشباع فرایندی در صنایع کاربرد داردند. در بویلر نوع دی جذب حرارت را می‌توان به دو بخش کوره و بخش جابه‌جایی تقسیم نمود. در این نوع بویلر لوله‌های بخش جابه‌جایی به صورت غیرمستقیم در معرض حرارت بوده که منجر به تغییر مسیر جریان از درام (Drum) (بالا به پایین و بلعکس شده است. از ویژگی‌های به خصوص این بویلر مدار چرخش درام آن است که به صورت طبیعی بوده و در نتیجه معادلات موازنۀ هیدرولیکی سیستم نیز باید در نظر گرفته شود. در مدل‌سازی حاضر معادلات سمت آب (در داخل لوله‌ها) به صورت یکبعدی و معادلات سمت دود با استفاده از روش ناحیه‌ای و به صورت سهبعدی در نظر گرفته شده است. معادلات پیوستگی و انرژی گذرا در سمت آب تشکیل یک دستگاه معادلات دیفرانسیل معمولی غیرخطی داده که با استفاده از روش رونه-کوتا حل معادلات سمت آب و دود به صورت برهم کشش دو طرفه، در کار حاضر یک کد رایانه‌ای در محیط نرم‌افزار فرتون توسعه یافته است. بررسی پارامترهای عملیاتی بویلر در هنگام راهاندازی می‌تواند در بهبود سیستم کنترلی موجود کمک شایانی کند. نتایج این مدل سازی با داده‌های بویلر موردنظر در حین راهاندازی سرد مقایسه شد که حداکثر خطا برای فشار بخار، دمای آب درام و دمای بخار خروجی از شیر درام به ترتیب برابر $4/8$ و $6/8$ درصد است. همچنین پاسخ بویلر به افزایش پله‌ای درخواست بخار مصرف کننده، کمتر از ۲۰ ثانیه است.

کلیدواژگان: بویلر اشباع، شبیه‌سازی دینامیکی، کوره، روش منطقه‌ای، تغییر بار پله‌ای.

مقدمه

از بویلرهای نوع دی^۱ در ناحیه‌ی نورد سرد شرکت فولاد مبارکه اصفهان برای تولید بخار اشباع فرایندی و در بارهای گذرا بهره‌برداری می‌شود. این نوع بویلر برای پاسخگو بودن به تقاضای مصرف کننده‌ها دائمًا در حال تغییر دبی بخار اشباع در فشار ثابت است. وجود این تغییرات و عدم وجود سیستم کنترل دقیق در بویلرهای نوع D موجود، نیاز به شبیه‌سازی دینامیکی را برای بررسی چالش‌ها و نحوه‌ی بهره‌برداری بیش از پیش افزایش داده است [۱]. در این مقاله یک مدل گذرا برای تعیین رفتار

1. D-type

بویلر در راهاندازی سرد ارائه شده است. با توجه به این که این بویلر در بهره‌برداری از سمت مصرف کننده دارای تغییرات دبی بخار ناگهانی است ارائه‌ی مدلی گذرا می‌تواند به رفع چالش‌های موجود در این زمینه و بهبود عملکرد بهره‌برداری کمک کند. تاکنون مدل‌های دینامیکی مختلفی برای توصیف رفتار گذرای بویلرها در حین فرایندهای راهاندازی، توقف و تغییر بار در حین کار، ارائه شده است [۴-۲]. همچنین برای دید جامع به بویلر از دیدگاه قانون دوم ترمودینامیک نیز بهره گرفته شده است [۴-۶].

در مدل‌سازی دینامیکی بویلر بر اساس روابط ترمودینامیکی و بر پایه‌ی بسط معادلات به روش دیفرانسیلی می‌توان به مقالات مختلفی اشاره نمود. بل و آشتروم^[۷] در مقاله خود مدل غیرخطی مرتبه ۴ برای تغییرات دینامیکی مدار چرخش بویلر توسعه دادند. مدل موردنظر بر اساس قانون بقای انرژی توسعه یافته و در بازه گسترهای از نقاط عملکردی بر اساس داده‌های واقعی مورد صحت‌سنگی قرار گرفته است. امara-Shabaik و همکاران^[۸] مدلی دینامیکی برای بررسی دمای لوله‌های واتروال^۳ و رایزر^۴ در شرایط مختلف عملیاتی توسعه دادند. این مدل بر اساس معادلات سمت آب و جریان دو فاز در مدار درام، دانکامر^۵ و واتروال و رایزر توسعه یافته است. خروجی‌های این مدل شامل فشار درام، حجم آب و کیفیت بخار در لوله‌های رایزر است. پان و همکاران^[۹] در مقاله خود مدل ریاضی حالت پایا برای آنالیز ترموهیدرولیکی لوله‌های واتروال یک بویلر فوق بحرانی نیروگاه ۱۰۰۰ مگاواتی توسعه دادند. در این مدل واتروال‌ها به عنوان یک شبکه شامل مدارهای مختلف و گره‌های فشار در نظر گرفته شده است. آن‌ها در مطالعه دیگری، مدلی برای بررسی عملکرد بویلر فوق بحرانی ۶۰۰ مگاواتی به منظور طراحی صحیح لوله‌های واتروال از نظر توزیع دما و شار جرمی آب در آن‌ها، توسعه دادند [۱۰]. بر اساس این مدل امکان بررسی توزیع دما و شار جرمی آب داخل لوله‌های واتروال در بارهای مختلف بویلر وجود دارد و نتایج آن نشان‌دهنده طراحی صحیح لوله‌های واتروال است. ال عبید و همکاران^[۱۱] مدلی پایا و گذرا برای یک بویلر بازیاب یکبارگذر فوق بحرانی برای بررسی ملاحظات مربوط به تغییرات بار و فرایند راهاندازی در این نوع بویلرهای بازیاب توسعه دادند. در این مدل با صرف‌نظر از معادلات سمت دود، انرژی حرارتی جذبی کوره به عنوان پارامتر ورودی در نظر گرفته شده است. مقایسه نتایج شبیه‌سازی با داده‌های طراحی نشان‌دهنده اعتبار مدل برای پیش‌بینی فرایند راهاندازی بویلر است. سدیج و همکاران^[۱۲] مدلی برای شبیه‌سازی حالت گذرای مدار چرخش در بویلر با هدف ایجاد ابزاری به منظور بهبود و اصلاح سیستم کنترلی آن توسعه دادند. در این مدل از معادلات سمت دود صرف‌نظر شده و حرارت جذبی در کوره به عنوان پارامتر ورودی در نظر گرفته شده است. همچنین بهینه‌سازی سیستم کنترل مورد مطالعاتی نیز انجام شده است. شو و همکاران^[۱۳] در مقاله خود مدلی برای مدل‌سازی گذرای بویلر نیروگاهی فوق بحرانی یکبارگذر با سوخت جامد توسعه دادند. مدل سه‌بعدی توسعه داده شده برای پیش‌بینی توزیع شار حرارتی و دمای سطح لوله‌های تولید بخار در بویلر با توزیع غیر یکنواخت استفاده شده است. مرتنز و همکاران^[۱۴] مدلی برای مدل‌سازی گذرای بویلر بازیاب بر اساس تغییرات وابسته به زمان در توربین گاز قرار گرفته در پایین دست سمت دود آن توسعه دادند. مدل توسعه یافته بر اساس جایگزینی مدار چرخش در مدل یک بویلر بازیاب با لوله‌های تولید بخار برای تبدیل به مدل بویلر یکبارگذر، ایجاد شده است. ژو و همکاران^[۱۵] شاخص‌های هیدرودینامیکی جریان در لوله‌های واتروال عمودی در یک بویلر فوق بحرانی را مورد بررسی قرار دادند. این بررسی بر پایه توسعه مدل پایا در سمت آب به دست آمده است. در این مقاله نشان داده شده است که در نواحی کمتر حرارت دیده لوله‌های تولید بخار، افت فشار غالب به واسطه

-
1. Bell and Åström
 2. Emara-Shabaik et al.
 3. Waterwall tubes
 4. Riser tubes
 5. Downcomer tubes
 6. Pan et al.
 7. Sedić et al.
 8. Shu et al.
 9. Mertens et al.
 10. Zhu et al.

عدم تولید بخار، از نوع هیدرواستاتیکی (به واسطه چگالی بالاتر مخلوط دو فاز) است و ضرورت استفاده از صفحات منفذدار بهمنظور حفظ حاشیه دمایی مناسب در لوله‌های تولید بخار توجیه می‌شود. نیو و همکاران^۱ [۱۶] در مقاله خود بهمنظور بررسی کارایی سیستم کنترل در بویلهای یکبارگذر فوق بحرانی با سوخت زغالسنگ، مدلی ساده‌سازی شده برای شبیه‌سازی حالت گذراخان آن توسعه دادند. صحبت‌سنجی عملکرد پایا و گذراخان آن بر اساس اطلاعات عملیاتی یک نیروگاه ۱۰۰۰ مگاواتی صورت گرفته است. از جمله خروجی‌های مهم این مدل، تغییرات توان مکانیکی تولیدی توسط توربین بر اساس تغییرات اعمال شده بر آن توسط بویلر، نسبت به زمان است. سرپردازا و همکاران^۲ [۱۷] در مقاله خود مدلی بهمنظور شبیه‌سازی کل قسمت‌های بویلر با سوخت زغالسنگ به‌جز کوره توسعه دادند. در این مقاله تغییرات پارامترهایی نظریه فشار و دمای درام و همچنین فشار و دمای بخار مافوق گرم بر اساس تغییر پارامترهای ورودی مدل، نظری دبی آب تغذیه و دبی سوخت مورد بررسی قرار گرفته است. دنگ و همکاران^۳ [۱۸، ۱۹] مدلی بهمنظور پیش‌بینی عملکرد گذراخان یک بویلر نیروگاهی فوق بحرانی در حالت راهاندازی توسعه داده و بدین منظور از معادلات جریان دو فازی در اوپراتور استفاده شد. در این مدل با صرف نظر از معادلات سمت دود، انرژی حرارتی جذبی در کوره به عنوان پارامتر ورودی در نظر گرفته شده است. بیلد و همکاران^۴ [۲۰] مدلی برای بررسی عملکرد دینامیکی مدار چرخش یک بویلر با سوخت زیست‌توده در حالت راهاندازی سرد ارائه دادند. بدین منظور مدلی ریاضی برای توصیف چرخش طبیعی در اوپراتور بویلر ارائه شد. نتایج خروجی مدل توسعه یافته فرایند تبخیر گذرا در لوله‌های واتروال و نوسانی شدن دبی آب در آن است. نیو و همکاران^۵ [۲۱] مدل دینامیکی ساده‌سازی شده برای بویلر یکبارگذر نیروگاهی با سوخت زغالسنگ و همچنین توربین آن بهمنظور بررسی بارهای کم نیروگاه ارائه کردند. بر اساس مدل توسعه داده شده، توان تولیدی توربین و فشار بخار اصلی و اضافه آنتالپی بخار اشباع خروجی از توربین از جمله خروجی‌های این مدل است که مقدار آن‌ها در ازای افزایش پله‌ای باز شدگی شیر بخار ورودی به توربین محاسبه شده است. گولی و همکاران^۶ [۲۲] به بررسی یک بویلر فوق بحرانی ۶۶ مگاواتی پرداخته و یک مدل ریاضی برای تحلیل حرارتی و هیدرولیکی بویلر فوق بحرانی ارائه کردند. در این مقاله یک مدل شار گرمایی نیمه تجربی از همبستگی بین حرارت و مقاومت‌های هیدرولیکی ارائه شد که بر اساس آن پارامترهایی نظری افت فشار کل، توزیع شار جرمی و دمای فلز به دست آمد. تروزان^۷ [۲۳] به مدل سازی عملکرد یک بویلر با استفاده از مدل ریاضی غیرخطی پرداخت. مدل به دست آمده در این مقاله بر اساس معادلات ریاضی غیرخطی حاکم بر عملکرد بویلر است. تالر و همکاران^۸ [۲۴] به توسعه یک مدل جدید ریاضی برای بویلر فوق بحرانی پرداختند. این مدل برای شرایط دینامیکی توسعه داده شد.

در برخی از مطالعات انجام شده، معادلات سمت آب و دود به‌طور همزمان در مدل سازی بویلر نیروگاهی در نظر گرفته شده است [۲۵-۲۸]. برای نمونه، گرادزیل^۹ [۲۶، ۲۷] مدلی گذرا برای انتقال حرارت لوله‌های واتروال یک بویلر فوق بحرانی با ظرفیت ۲۴۰۰ تن بر ساعت توسعه داد. این مدل بر اساس قوانین بقای جرم، تکانه و انرژی توسعه داده شده است و بهمنظور استخراج توزیع دبی و فشار آب در لوله‌های واتروال، از حل دیفرانسیلی معادلات به روش رونه-کوتا^{۱۰} استفاده شده است. در این مدل شار حرارتی سمت داخل کوره به‌طور متغیر در امتداد ارتفاع آن، بر اساس معادلات انتقال حرارت و با روش منطقه‌بندی به دست آمده است و نتایج نشان‌دهنده انطباق خوب آن‌ها با مقادیر تجربی است. فان و همکاران^{۱۱} [۲۸] به بررسی

-
1. Liu et al.
 2. Sreepradha et al.
 3. Deng et al.
 4. Bilde et al.
 5. Niu et al.
 6. Guoli et al.
 7. Trojan
 8. Taler et al.
 9. Grądziel
 10. Runge-Kutta
 11. Fan et al.

بويлерهای نیروگاهی فوق بحرانی همراه با عملکرد توربین بخار در حالت گذار پرداختند. در اين بررسی عملکرد بويлер با داده‌های تجربی مورد بررسی قرار گرفت. بر اساس اين مدل غیرخطی می‌توان بر اساس عملکرد بويлер توان خروجی مجموعه را محاسبه و به عنوان خروجی ارائه کرد.

با در نظر گرفتن کلیه مراجع مرور شده، ملاحظه می‌شود که تاکنون تمامی مدل‌های توسعه داده شده برای عملکرد پایا و گذرای بويлерها مربوط به بويлерهای نیروگاهی بوده و مدلی جامع با در نظر گرفتن معادلات سمت آب و دود بهمنظور بررسی عملکرد گذرای بويлерهای اشبع نوع دی که دارای کاربری گستردگی و مهمی در صنایع غیرنیروگاهی هستند، توسعه داده نشده است. همچنانی بررسی همزمان معادلات سمت کوره و محصولات احتراق با سمت آب به دلیل پیچیدگی‌های مدل کمتر مورد توجه قرار گرفته است. بررسی بويлер در گذر زمان از جمله مواردی است که در شبیه‌سازی‌ها بدان توجه نشده است. بررسی بويлер در راماندازی و یا در حین تغییر بار می‌تواند ایده بهبود عملکرد سیستم کنترلی را برای بهبود عملکرد سیستم ایجاد کند. بهطور خلاصه می‌توان موارد زیر را به عنوان اهداف کار حاضر بیان نمود:

- شبیه‌سازی گذاری بويлер در امداد نوع دی؛
- شبیه‌سازی مدار چرخش طبیعی با لوله‌های پایین رونده جریان گرم شونده در حالت گذرا به مدل‌سازی سمت دود و آب؛
- بررسی رفتار بويлер در صورت تغییر پله‌ای تقاضای بخار.
- مدل‌های ارائه شده برای چرخش طبیعی درام در برخی از مقالات [۹-۱۲] با فرض‌هایی صورت پذیرفته که منجر به ساده شدن مدل هیدرولیکی چرخش طبیعی درام شده است. مدل‌های پیچیده بهصورت محدود در مقالات مورد توجه قرار گرفته است. در مدل ارائه شده‌ی این مقاله به المان‌بندی لوله‌ی اواپراتور و دانکامر پرداخته شده و هر مدار چرخش با ویژگی‌های خاص خود لحاظ شده است؛ همچنانی معادلات حاکم برای هر المان مطابق با جریان تک فاز و دو فاز ارائه شده است.
- در مقالات نشر یافته، کارهای معدودی به مدل‌سازی سمت آب و دود بهصورت همزمان پرداخته‌اند. در این مقاله بررسی همزمان معادلات سمت آب با گردش طبیعی بهصورت دقیق و محاسبه‌ی جذب حرارت از سمت محصولات احتراق مورد توجه قرار گرفته است.

تشریح بويлер و مدل‌سازی عددی

مشخصات بويлер مورد مطالعه

در جدول ۱ اطلاعات طراحی و عملکردی بويлер واحد نورد سرد ارائه شده است.

جدول ۱- مشخصات طراحی بويлер واحد نورد سرد

Table 1- Design parameters of the D-type boiler of the cold rolling plant

| No. | Parameter | Unit | Value |
|-----|---|-------------------|-------------|
| 1 | Steam output | t/h (kg/s) | 47 (13.05) |
| 2 | Steam pressure | bar G | 11 |
| 3 | Efficiency | % | 73.5 |
| 4 | Fuel | - | Natural gas |
| 5 | Lower Heating Value (LHV) of the fuel at the design point | MJ/m ³ | 38.75 |
| 6 | Fuel consumption | m ³ /h | 3215 |

شكل ۱ طرحواره دو بعدی از بويлер نوع دی (D) مورد بررسی را نشان می‌دهد. آب تغذیه اين بويлер از يك هوازدا با فشار ۱ بار نسبی تأمین می‌شود که با توجه به ارتفاع از سطح دریا و تولید آب اشبع در هوازدا، آب با دمای ۹۴ درجه سلسیوس از

سمت پمپ آب تغذیه برای کنترل سطح آب وارد درام بالا (درام بخار) می‌شود. مطابق شکل، آب تغذیه پس از ورود به درام از لوله‌های تعبیه شده در زیر درام، یعنی لوله‌های دانکامر، وارد درام پایین شده و پس از عبور از لوله‌ای واتروال، از هدر تعبیه شده برای هر مدار چرخش در کوره، به سمت درام بالا انتقال می‌یابد. در درام بخار، جداسازی مخلوط دو فاز صورت گرفته و بخار اشباع تولیدی به سمت مصرف کننده هدایت می‌شود.

در جدول ۲ مشخصات هندسی بویلر مدل‌سازی شده که مربوط به پارامترهای هندسی و ثابت در شبیه‌سازی می‌باشد نشان داده شده است. این اطلاعات به عنوان پارامترهای ورودی برای شبیه‌سازی به کار برده شده‌اند. برای نام‌گذاری صحیح تر مدارهای چرخش می‌توان از دو ناحیه تشبعی (لوله‌ای واتروال) و ناحیه جابجایی (لوله‌های دانکامر حرارت‌دیده) نام برد.

جدول ۲- مشخصات هندسی بویلر
Table 2- Geometric parameters of the boiler

| No. | Parameter | Value | Unit |
|-----|--|--------------|------|
| 1 | Upper drum diameter | 1300 | mm |
| 2 | Upper drum thickness | 30 | |
| 3 | Upper drum diameter | 800 | |
| 4 | Upper drum thickness | 35 | |
| 5 | Furnace height (H) | 4400 | |
| 6 | Furnace length (L) | 7257 | |
| 7 | Furnace width (W) | 2578 | |
| 8 | Number of tubes across the full width | 28 | - |
| 9 | Number of tubes across the truncated width (burner-side) | 21 | |
| 10 | Number of tubes across the full length | 80 | |
| 11 | Number of tubes across the truncated length (gas exhaust to the convection bank) | 70 | mm |
| 12 | Diameter of water-wall tubes | 5/63 | |
| 13 | Thickness of water-wall tubes | 4 | |
| 14 | Pitch of water-wall tubes | 90 | |
| 15 | Number of tubes in each row of the convection tube bank | 12 | - |
| 16 | Gas duct width in the convection tube bank (Wdc) | 1200 | mm |
| 17 | Diameter of the tubes in the convection tube bank | 76.1 | |
| 18 | Thickness of water-wall tubes | 4 | |
| 19 | Longitudinal and transverse Pitch of water-wall tubes | 100 | |
| 20 | Drum and convection tube bank and water-wall tubes material | Carbon steel | - |

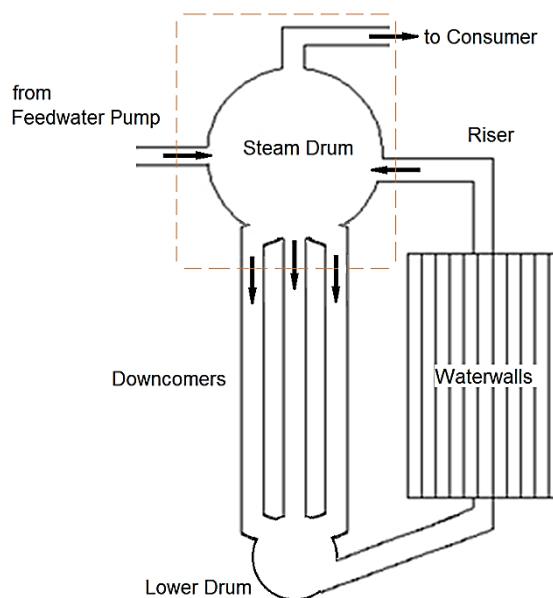


Figure 1- Schematic view of the circulation loop and flows in water and steam.

شکل ۱- طرح‌واره مدار چرخش و جریان‌های مربوطه در سمت آب و بخار

به منظور فهم بهتر نواحی انتقال حرارتی در بویلر مورد بررسی، شماتیکی سه بعدی از این بویلر در شکل ۲ ارائه شده است. دو ناحیه‌ی جابه‌جایی و تشعشی و یا به عیارت دیگر لوله‌های دانکامر و واتروال بر روی این شکل به خوبی مشخص هستند. لوله‌های واتروال مستقیماً در معرض زبانه‌ی شعله و محصولات حاصل از احتراق هستند. همان‌طور که در شکل ۲-الف مشخص است، در انتهای ناحیه‌ی تشعشی، دود حاصل از احتراق با چرخش ۱۸۰ درجه‌ای وارد ناحیه دانکامرها می‌شود. هر کدام از نواحی انتقال حرارتی دارای ۴ مدار چرخشی است. مدار چرخش تشعشی (۱)، لوله‌هایی هستند که در دیواره دارای مشعل قرار دارند و به عبارتی نزدیک‌ترین لوله‌ها به مشعل می‌باشند. مدار چرخش تشعشی (۲)، مدار دی شکل (D) کوره مشعل قرار دارند و به عبارتی نزدیک‌ترین لوله‌ها به مشعل می‌باشند. البته در شکل ۲-ب به منظور نمایش ناحیه‌ی داخل کوره و زبانه‌ی شعله، لوله‌های جانبی و سقف مدار تشعشی (۲) نمایش داده نشده است. مدار چرخش تشعشی (۳)، لوله‌های روبه روی مشعل که بیشترین فاصله را از مشعل دارند و مدار چرخش تشعشی (۴)، لوله‌های بخش دیواره‌ی حائل بین بخش‌های تشعشی و جابه‌جایی را تشکیل می‌دهند. در این مدارهای چرخش، تعداد لوله‌ها متفاوت است و سطح تبادل حرارت نیز متفاوت است. در بخش جابه‌جایی بویلر، ۷۲ ردیف ۱۲ تایی لوله وجود دارد که بر اساس آرایش مربعی چیده شده‌اند. برای مدار چرخش جابه‌جایی (۱) دو ردیف لوله، مدار چرخش جابه‌جایی (۲) چهار ردیف لوله، مدار چرخش جابه‌جایی (۳) ۱۰ ردیف لوله و در نهایت مدار چرخش جابه‌جایی (۴) ۵۶ ردیف لوله در نظر گرفته شده است که تعداد اتخاذ شده بر اساس کاهش دمای محصولات احتراق و کاهش انتقال حرارت در طول بخش جابه‌جایی است. به صورت قراردادی فرض شده است که مسیر جریان در لوله‌های تشعشی از درام پایین به درام بالا باشد که این جهت مثبت و عکس این جریان منفی در نظر گرفته شده است. در بخش جابه‌جایی نیز جریان از درام بالا به درام پایین فرض شده است که این جهت مثبت در نظر گرفته شده و عکس این جریان منفی است.

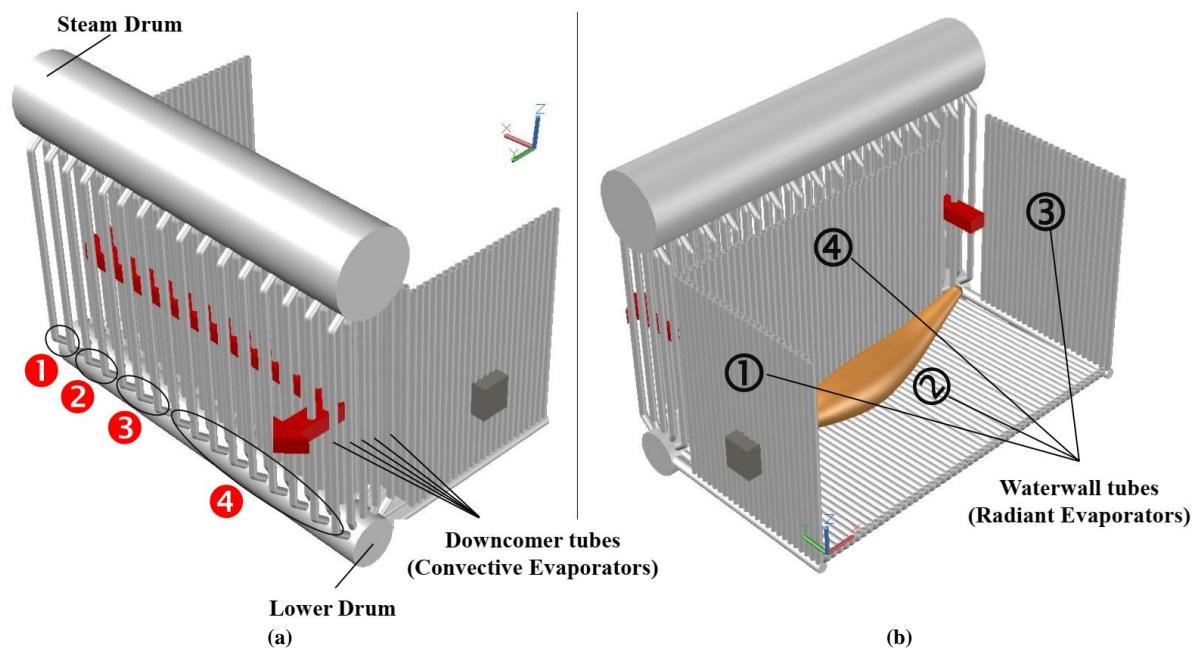


Figure 2- Three-dimensional schematic view of the furnace and the circulation loops; (a) the four CZ loops, (b) the four RZ loops.

شکل ۲- طرح‌واره سه بعدی از کوره به همراه مدارهای چرخش در نظر گرفته شده (الف) مدارهای چهارگانه ناحیه جابه‌جایی و (ب) مدارهای چهارگانه ناحیه تشعشی

مدل‌سازی عددی سمت آب و دود

مدل‌سازی ترمودینامیکی

معادلات ترمودینامیکی، پیوستگی و انرژی برای بخش‌های درام، دانکامر (بخش انتقال حرارت جابه‌جایی بویلر) و لوله‌های اوپراتور (بخش انتقال حرارت تشبع‌شی بویلر) در دو حالت عدم تولید بخار و تولید بخار نوشته می‌شوند. در ابتدا معادله‌ی پیوستگی برای هر حجم کنترل ارائه می‌شود. تمامی متغیرهایی که با زمان تغییر می‌یابد جزو مجهولات معادلات محسوب می‌شود که به محاسبه‌ی آن پرداخته خواهد شد. می‌توان معادله‌ی پیوستگی را برای بخار بالای درام به صورت زیر نوشت:

$$\left(V_{s,d} \frac{\partial \rho_{s,d}}{\partial p} \right) \frac{dp}{dt} + \rho_{s,d} \frac{dV_{s,d}}{dt} = x_r \dot{m}_r \eta + \dot{m}_{sd} - \dot{m}_{co} \quad (1)$$

که $V_{s,d}$ حجم بخار درام، $\frac{\partial \rho_{s,d}}{\partial p}$ تغییرات چگالی بخار به فشار، $\frac{dp}{dt}$ تغییرات فشار به زمان، $\rho_{s,d}$ چگالی بخار، $\frac{dV_{s,d}}{dt}$ تغییرات حجم بخار به زمان، x_r کیفیت بخار اوپراتور، \dot{m}_r دبی اوپراتور، η درصد بخار خروجی از زیر سطح، \dot{m}_{sd} بخار تولیدی در درام، \dot{m}_s دبی بخار خروجی و \dot{m}_{co} دبی بخار کندانس شده از خارج سطح آب می‌باشد. بر اساس معادله‌ی (۱) و معادله‌ی کمکی تغییرات حجم بخار برابر منفی تغییرات حجم آب داخل درام است می‌توان تغییرات فشار را محاسبه نمود.

در هنگام تولید بخار بخشی از بخار تا زمانی که به سطح آب برسد، در زیر حجم آب داخل درام باقی می‌ماند و این امر منجر به تولید سطح آب کاذب در درام خواهد شد. بر این اساس برای تعیین حجم بخار آب در زیر سطح آب درام نیز معادله‌ی پیوستگی برای حجم کنترل بخار زیر آب درام بیان می‌شود:

$$V_{sd} \frac{\partial \rho_{s,d}}{\partial p} \frac{dp}{dt} + \rho_{s,d} \frac{dV_{sd}}{dt} = x_r \dot{m}_r (1 - \eta) - \dot{m}_{ct}, \quad (2)$$

که $\frac{dV_{sd}}{dt}$ تغییرات حجم بخار زیر سطح آب درام و \dot{m}_{ct} دبی بخار کندانس شده در زیر سطح است. در این معادله‌ها تغییرات $\frac{dV_{sd}}{dt}$ منجر به تغییرات سطح کاذب آب می‌شود. در خصوص حجم آب داخل درام بر اساس حجم کنترل در نظر گرفته شده‌ی آب درام معادله‌ی پیوستگی نیز به صورت زیر بیان می‌شود [۲۹]:

$$\frac{d}{dt} [\rho_{w,d} V_{w,d}] = \dot{m}_r (1 - x_r) + \dot{m}_f + \dot{m}_{co} - \dot{m}_{dc}, \quad (3)$$

که \dot{m}_f دبی آب تغذیه، \dot{m}_{dc} دبی آب دانکامر، $V_{w,d}$ حجم آب درام و $\rho_{w,d}$ چگالی آب درام می‌باشد. بر اساس مشتق گیری از معادله فوق می‌توان حجم آب داخل درام را محاسبه نمود. تغییرات چگالی در رابطه‌ی (۳) وابسته به دما است که مقدار آن از رابطه‌ی انرژی برای درام استخراج می‌شود. با نوشتن معادله‌ی انرژی برای هر بخش درام (آب، بخار) و سپس جمع معادلات می‌توان معادله‌ی انرژی را برای کل درام در نظر گرفت. با مشتق گیری از رابطه‌ی انرژی و استفاده از رابطه‌ی کمکی خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} & \left[V_{w,d} \left(h_w \frac{\partial \rho_w}{\partial p} + \rho_w \frac{\partial h_w}{\partial p} \right) + V_{s,d} \left(h_s \frac{\partial \rho_s}{\partial p} + \rho_s \frac{\partial h_s}{\partial p} \right) - V_d \right] \frac{dp}{dt} \\ & + \left[V_{w,d} \left(h_w \frac{\partial \rho_w}{\partial T} + \rho_w \frac{\partial h_w}{\partial T} \right) \right] \frac{dT_w}{dt} + [h_s \rho_s - h_w \rho_w] \frac{dV_{s,d}}{dt} \\ & = \dot{m}_f h_i + \dot{m}_r h_r - \dot{m}_s h_s - \left(C_m m_m \frac{dT_m}{dt} \right)_{up} - \left(C_m m_m \frac{dT_m}{dt} \right)_{do}, \end{aligned} \quad (4)$$

به طوری که h_w و h_s به ترتیب آنتالپی آب و تغییرات آن نسبت به فشار، $\frac{\partial h_w}{\partial p}$ تغییرات چگالی آب نسبت به فشار، $\frac{\partial h_s}{\partial p}$ آنتالپی بخار و تغییرات آن نسبت به فشار، ρ_s و ρ_w چگالی بخار و تغییرات آن نسبت به فشار، h_i آنتالپی آب تغذیه ورودی، h_r آنتالپی جریان دوفاز خروجی اوپراتور، h_s آنتالپی بخار خروجی، C_m و m_m به ترتیب طرفیت گرمایی و بیزه، جرم و تغییرات دمای فلز به زمان است. زیروندهای up و do به ترتیب برای بالا و پایین درام بیان شده است. بر اساس این دسته از معادلات از معادله‌ی (۱) تغییرات فشار، معادله‌ی (۲) تغییرات حجم بخار محبوس شده زیر آب درام، معادله‌ی (۳) حجم آب درام و معادله‌ی (۴) تغییرات دمای آب درام را می‌توان محاسبه نمود. به عبارتی با داشتن تغییرات آنتالپی آب می‌توان تغییرات

دما را محاسبه نمود. پارامترهای دیگر بر اساس معادلات انتقال حرارت و تعادل هیدرولیک سیستم به دست می‌آیند. بر اساس رابطه‌ی انتقال حرارت بین فلز پایین/بالا به ترتیب با آب/بخار می‌توان تغییرات دمای فلز پایین و بالا را محاسبه و در رابطه‌ی (۴) قرار داد.

در صورتی که جریان آب در لوله‌ها زیر دمای اشباع باشد معادله‌ی انرژی تغییرات آنتالپی/دما را مشخص می‌سازد ولی در شرایط اشباع تغییرات دما به فشار وابسته بوده و بر اساس محاسبه‌ی تغییرات فشار از رابطه‌ی (۱) می‌توان تغییرات آنتالپی را محاسبه کرد. در نتیجه از معادله‌ی انرژی در شرایط دو فاز تغییرات کیفیت بخار استخراج خواهد شد. نماد κ برای مشخص نمودن بخش تشعشعی و جایه‌جایی در معادلات انرژی به کار گرفته شده است. می‌توان معادله‌ی انرژی برای حجم کنترل جریان آب داخل لوله‌ها برای شرایط زیر دمای اشباع را به صورت زیر بیان نمود:

$$\left[V_{\kappa} \left(h_{w,\kappa} \frac{\partial \rho_{w,\kappa}}{\partial p} + \rho_{w,\kappa} \frac{\partial h_{w,\kappa}}{\partial p} \right) \right] \frac{dp}{dt} + \left[V_{\kappa} \left(h_{w,\kappa} \frac{\partial \rho_{w,\kappa}}{\partial T} + \rho_{w,\kappa} \frac{\partial h_{w,\kappa}}{\partial T} \right) \right] \frac{dT_{W,\kappa}}{dt} = \dot{m}_{in,\kappa} h_{in,\kappa} + \dot{Q}_{\kappa} - \dot{m}_{out,\kappa} h_{out,\kappa} - \left(C_m m_m \frac{dT_m}{dt} \right)_{\kappa}, \quad (5)$$

که V حجم، h آنتالپی، ρ چگالی، p فشار، T دما، \dot{Q}_{κ} حرارت جذبی است و زیروندهای w برای آب استفاده شده است. برای المانی که دمای آن به دمای اشباع رسیده است برای همان حجم کنترل معادله‌ی (۵)، رابطه‌ی پیوستگی به صورت زیر بیان می‌شود:

$$\frac{d}{dt} [V_{s,\kappa} \rho_{s,\kappa} + V_{w,\kappa} \rho_{w,\kappa}] = \sum \dot{m}_{in,\kappa} - \sum \dot{m}_{out,\kappa}, \quad (6)$$

که زیروندهای in و out به ترتیب نشانگر ورودی و خروجی می‌باشند. در هر المان در بخش $\kappa = CZ$ (جایه‌جایی) و $\kappa = RZ$ (تشعشعی) با توجه به جریان در حجم کنترل ورودی با خروجی برابر است. با مشتق گرفتن از سمت چپ معادله می‌توان ارتباط بین تغییرات حجم آب و بخار را تعیین نمود. برای حجم کنترل جریان آب داخل لوله‌ها، برای المانی که دمای آن به دمای اشباع رسیده است، معادله‌ی انرژی برای هر المان κ به صورت زیر خواهد بود:

$$\frac{d}{dt} [(\rho V h)_{s,\kappa} + (\rho V h)_{w,\kappa} + C_m m_m T_{m,\kappa}] = \dot{m}_{in,\kappa} h_{in,\kappa} + \dot{Q}_{\kappa} - \dot{m}_{out,\kappa} h_{out,\kappa}, \quad (7)$$

که زیروندهای w و m به ترتیب بخار، آب و فلز است. بر اساس رابطه‌ی (۶) و (۷) می‌توان کیفیت بخار خروجی از هر المان را تعیین نمود. به عبارتی رابطه‌ی (۵) برای تعیین تغییرات دمای جریان داخل لوله‌ها در صورتی که دمای آن کمتر از دمای اشباع باشد و برای حالتی که جریان به دمای اشباع برسد، رابطه‌ی (۷) برای تعیین کیفیت بخار است. در این حالت معادله‌ی (۶) یک رابطه کمکی برای حل معادله‌ی (۷) خواهد بود.

مدل‌سازی هیدرولیکی (مدل مدار چرخش)

همان‌طور که در شکل ۲ نشان داده شد چهار مدار چرخش برای هر ناحیه در نظر گرفته شده است. برای تعیین دبی هر مدار چرخش باید افت فشار مسیر محاسبه شود. همچنین جهتی برای جریان داخل لوله‌ها در صورتی که دمای آن کمتر از دمای اشباع ایستایی محرک، این جهت تغییر می‌یابد. همان‌طور که بیان شد جهت مثبت برای دبی‌های بخش جایه‌جایی رو به پایین (انتقال سیال از درام بالا به پایین) و برای تشعشعی دبی به سمت درام بالا فرض می‌شود.

هد ایستایی بر اساس میانگین چگالی جریان در هر المان و جمع تمامی المان‌ها محاسبه می‌شود [۳۰، ۳۱].

$$H_{ST} = \sum_i^N H_{st,i}, \quad (8)$$

$$H_{ST,i} = \rho_{ave,fb,i} g \overbrace{(Z_i - Z_0)}^{L_{ele,i}}, \quad (9)$$

$$H_{STi} = gZ_{SC}\rho_{ave\ fb\ i} + g(L_{ele} - Z_{SC})\rho_m \left(\frac{y/a - 1}{y - 1} + \left(\frac{y(1 - \frac{1}{a})}{(y - 1)^2} \right) \frac{\ln(1 + x(y - 1))}{x} \right), \quad (10)$$

که H هد، $\rho_{ave\ fb\ i}$ چگالی میانگین توده‌ی سیال، Z_i ارتفاع ابتدای المان، g شتاب گرانش زمین، x کیفیت بخار، L_{ele} طول المان، Z_{SC} طول جوشش، y و a پارامتری وابسته به فشار و کسر حجمی بخار است. طبق مرجع [۳۱] برای یک جریان دو فاز هد استاتیکی بر اساس طول جوشش معادله (۱۰) است با این تفاوت که چگالی بر اساس یک جریان دو فازی تعیین شده و از ابتدا تا انتهای المان انتگرال گرفته می‌شود. پارامترهای این معادله بر اساس مرجع [۳۱] تعیین می‌شود.

افت فشار در یک جریان شامل سه بخش افت فشار اصطکاکی، موضعی، شتابی است. در نتیجه افت فشار کل مسیر به صورت رابطه‌ی زیر تعیین می‌شود [۳۰]:

$$\Delta P_t = \Delta P_f + \Delta P_K + \Delta P_{acc}. \quad (11)$$

در نهایت می‌توان افت فشار اصطکاکی و تک فاز را به صورت زیر تعیین نمود:

$$\Delta P_f = \Delta P_{sp} = f \frac{L_{ele\ i}}{d} \frac{G^2}{2\rho_{fb}}, \quad (12)$$

که ΔP_{sp} افت فشار تک فاز، f ضریب افت فشار، d قطر داخلی لوله، G شار جرمی، ρ_{fb} چگالی جریان توده و $L_{ele\ i}$ طول المان است. سه مدل برای محاسبه افت فشار اصطکاکی جریان دو فاز ارائه شده است. که بر اساس نسبت لزجت فاز مایع به بخار و شار جرمی سیال می‌توان هر یک از مدل‌ها را انتخاب کرد [۳۱]. می‌توان از رابطه‌ی زیر افت فشار جریان دو فاز را محاسبه کرد [۳۱]:

$$\Delta P_{IF} = \phi_{FT}^2 \Delta P_{sp} L_{FT}, \quad (13)$$

که ϕ_{FT}^2 ضریب تقویت جریان دوفاز، ΔP_{IF} طول جریان دوفاز و افت فشار جریان دوفازی است. افت فشار شتابی دارای کمترین سهم در افت فشار است که برای جریان تک فاز و دو فاز به صورت روابط (۱۴) و (۱۵) تعیین می‌شود [۳۱]:

$$\Delta P_{acc} = \begin{cases} gG(V_{out} - V_{in}) & V_{out} > V_{in} \\ 0 & V_{out} < V_{in} \end{cases}, \quad (14)$$

$$\Delta P_{acc} = G^2 v_f \left((1 + x(y - 1)) \left(1 + x \frac{a - y}{y} \right) - 1 \right), \quad (15)$$

به طوری که V_{out} سرعت جریان خروجی از المان و V_{in} سرعت جریان ورودی به المان است. باید توجه داشت قید معکوس شدن در یک جریان پایین رونده و بالا رونده به ترتیب در معادلات (۳۱) و (۳۲) ارائه شده‌اند:

$$\text{Max}(H_{St\ 1\dots N}) - \Delta P_t - H_{St\ j} > 0, \quad (16)$$

$$\text{Max}(H_{St\ 1\dots N}) - \Delta P_t - H_{St\ j} < 0. \quad (17)$$

در روابط فوق، زیرونده St بیانگر هد استاتیکی است. با توجه به این که تمامی مدارها در انتهای و ابتدای به درام بالا و درام پایین متصل می‌باشند، در نتیجه فشار در این دو نقطه بر اساس برقراری تعادل هیدرولیکی باید برابر باشد. در بین مدارهای چرخش، مداری که دارای بیشترین هد استاتیکی است، به عنوان هد مرجع در نظر گرفته می‌شود. با صرف نظر کردن از فشار درام که برای همه مدارهای چرخش یکسان است، در صورتی که جریان پایین رونده باشد (پیش فرض برای بخش جابه‌جاگی) در نتیجه با کسر افت فشارهای مسیر بین درام بالا و پایین در صورتی که از هد استاتیکی مدار چرخش زیبیتر باشد مدار

چرخش ز معکوس خواهد شد. برای مدارهای بالارونده عکس آن چیزی که بیان شده است باید اتفاق بیفتند تا جریان معکوس شود (نسبت به پیش فرض بیان شده).

مدل سازی حرارتی

با توجه به محل قرارگیری مشعل نمی‌توان از روش ناحیه‌بندی تنها در راستای محور z استفاده کرد و باید کوره را به صورت سه‌بعدی در نظر گرفت. تشبعشی که از یک ناحیه‌ی سطحی سیاه i صادر و به ناحیه‌ی سطحی j برخورد می‌کند، با سطح تبادل مستقیم متناسب و برابر است با [۳۲]:

$$\dot{Q}_{i \rightarrow j} = \overline{s_j s_i} E_i = \overline{s_j s_i} \sigma T_i^4, \quad (18)$$

به طوری که σ ثابت استفان بولتزمن و $E_i = \sigma T_i^4$ است. سطح تبادل مستقیم $\overline{s_j s_i}$ به جهت‌گیری دو سطح نسبت به هم و ضریب تضعیف گاز خاکستری واسطه‌ی k بستگی دارد [۳۲]:

$$\overline{s_j s_i} = \frac{\dot{Q}_{i \rightarrow j}}{E_{s_i}} = \int_{A_i} \int_{A_j} \frac{\cos\theta_i \cos\theta_j e^{-kr}}{\pi r^2} dA_j dA_i, \quad (19)$$

که در این رابطه θ_i زاویه‌ی بین خط عبوری از مراکز دو المان سطحی dA_i و dA_j با خط عمود بر dA_i است. همچنین θ_j زاویه‌ی بین خط واصل مراکز دو المان سطحی dA_i و dA_j با خط عمود بر dA_j را نشان می‌دهد. سطح تبادل مستقیم بین حجم V_j و سطح A_i به صورت زیر بیان می‌شود [۳۲]:

$$\overline{g_j g_i} = \frac{\dot{Q}_{i \rightarrow j}}{E_{g_i}} = \int_{A_i} \int_{V_j} \frac{k \cos\theta_i e^{-kr}}{\pi r^2} dV_j dA_i. \quad (20)$$

برای سطح تبادل مستقیم بین دو ناحیه‌ی گازی V_i و V_j رابطه زیر را می‌توان نوشت [۳۲]:

$$\overline{g_j g_i} = \frac{\dot{Q}_{i \rightarrow j}}{E_{g_i}} = \int_{V_j} \int_{V_i} \frac{k^2 e^{-kr}}{\pi r^2} dV_j dV_i. \quad (21)$$

ضریب تضعیف گاز واقعی k با استفاده از مدل ارائه شده در مرجع [۳۲] از ترکیب چند گاز خاکستری و شفاف همراه با ذرات دوده به صورت زیر به دست می‌آید. هر چند در این مدل سازی با توجه به استفاده بویلر از گاز طبیعی از دوده صرف نظر شده است:

$$k = k_g (p_{H_2O} + p_{CO_2}) + k_s C_s, \quad (22)$$

که k_g ضریب تضعیف گاز خاکستری، k_s ضریب تضعیف ذرات دوده، C_s غلظت ذرات دوده و p_{H_2O} و p_{CO_2} به ترتیب فشار جزئی گونه‌های دی‌اکسید کربن و آب در محصولات احتراق می‌باشند.

به کمک سطوح تبادل مستقیم تنها می‌توان تشعشع برخوردی به سطوح را به دست آورد. تشبعشی که سطح جذب می‌کند با ضریب صدور آن متناسب است. تشعشع برخورد کننده به سطوح هم شامل تشعشع مستقیم و هم شامل تشعشعات منعکس شده از تمامی سطوح دیگر در محفظه احتراق است. بدین ترتیب مفهوم سطح کلی تبادل ($\overline{s_i s_j}$) بیان می‌شود، که نشانگر تبادل کلی بین یک زوج سطح ضمن توجه به تابش انعکاس یافته از سطوح دیگر است. در نتیجه [۳۲]:

$$\dot{Q}_{i \rightarrow j} = \overrightarrow{s_i s_j} (E_i - E_j). \quad (23)$$

به طریق مشابه سطوح تبادل کلی برای ناحیه‌ی گازی i و ناحیه‌ی سطحی j تعریف می‌شوند:

$$\dot{Q}_{i \rightarrow j} = \overrightarrow{G_i G_j} (E_{g_i} - E_{g_j}). \quad (24)$$

برای تبادل نواحی گازی i و j می‌توان نوشت:

$$\dot{Q}_{i \rightarrow j} = \overrightarrow{G_i G_j} (E_{g i} - E_{g j}). \quad (25)$$

مجموع سطوح تبادل کلی حاوی اطلاعات کافی از تأثیر شکل محفظه، ضرایب صدور سطح، ضرایب جذب گازها بر انتقال حرارت تشبعشی در نواحی است.

ضریب تضعیف گاز خاکستری واسطه‌ی K را می‌توان از مرجع [۳۲] تعیین نمود. با استفاده از روابط ماتریسی زیر می‌توان عناصر سطوح تبادل کلی را به دست آورد. این معادلات از روش پیشنهادی مرجع [۳۲] اقتباس شده است:

$$\overrightarrow{SS} = \varepsilon A I R \overrightarrow{ss} \varepsilon I, \quad (26)$$

$$\overrightarrow{SG} = \varepsilon A I R \overrightarrow{sg}, \quad (27)$$

$$\overrightarrow{GG} = \overrightarrow{gs} \rho I R \overrightarrow{sg} + \overrightarrow{gg}, \quad (28)$$

$$R = [AI - \overrightarrow{ss} \rho I]^{-1}, \quad (29)$$

به طوری که AI و ρI ماتریس‌های قطری متشکل از المان‌های A ، ε و ρ هستند. اگر m تعداد نواحی سطحی و l تعداد نواحی گازی باشد ماتریس‌های \overrightarrow{ss} و \overrightarrow{SS} از مرتبه $m \times m$ ، \overrightarrow{gg} و \overrightarrow{GG} از مرتبه $l \times l$ و \overrightarrow{sg} و \overrightarrow{SG} از مرتبه $l \times m$ می‌باشند.

برای نواحی سطحی معادله‌ی انرژی به صورت (۳۰-الف) و برای معادله‌ی انرژی نواحی حجمی رابطه‌ی (۳۰-ب) پیشنهاد می‌شود [۳۲]:

$$\left[\sum_j \overrightarrow{S_j S_i} E_{s j} + \sum_j \overrightarrow{S_j S_i} E_{g j} \right] - \left[\sum_j \overrightarrow{S_i S_j} E_{s i} + \sum_j \overrightarrow{S_i G_j} E_{s j} \right] + [h_i A_i (T_{g k} - T_{g i})] - \dot{Q}_{\text{net } i}, = 0 \quad (30-\text{الف})$$

$$\begin{aligned} \left[\sum_j \overrightarrow{S_j G_i} E_{s j} + \sum_j \overrightarrow{G_j G_i} E_{g j} \right] - \left[\sum_j \overrightarrow{G_i G_j} E_{s i} + \sum_j \overrightarrow{G_i S_j} E_{s j} \right] + [h_i A_i (T_{g k} - T_{s i})] \\ + \dot{Q}_{e i} + \dot{Q}_{C i} = 0, \end{aligned} \quad (30-\text{ب})$$

که در این معادله، $\dot{Q}_{\text{net } i}$ حرارت جذب شده توسط فلز و آب و \dot{Q}_e نرخ آزاد شدن انرژی ناشی از احتراق در i است. مقدار انرژی که به واسطه‌ی دبی محصولات احتراق وارد المان و یا از آن خارج می‌شود و $\dot{Q}_{C i}$ حرارت منتقل شده از طریق جابه‌جایی است. A مساحت، h ضریب انتقال حرارت و زیروندهای g و s به ترتیب بیانگر گاز و سطح است.

در بخش جابه‌جائی دو معادله‌ی انرژی و انتقال حرارت بین گاز و فلز به عنوان روابط اصلی برای تعیین تغییرات دمای فلز و دمای گاز خروجی ($T_{g \text{ out}}$) به کار می‌روند:

$$M_m C p_m \frac{dT_m}{dt} = m_g C p_g (T_{g \text{ in}} - T_{g \text{ out}}) - \overline{h_i A_i (T_m - T_{CZ})}, \quad (31-\text{الف})$$

$$m_g C p_g (T_{g \text{ in}} - T_{g \text{ out}}) = h_o A_o \frac{(T_{g \text{ in}} - T_m) - (T_{g \text{ out}} - T_m)}{\log \left(\frac{T_{g \text{ in}} - T_m}{T_{g \text{ out}} - T_m} \right)}, \quad (31-\text{ب})$$

و دمای T_{CZ} نیز با حل همزمان روابط ترمودینامیک تعیین می‌شود. به منظور درک بهتر الگوریتم عددی حاضر در شکل ۳ نحوه توسعه مدل عملکردی دینامیکی و در شکل ۴ پارامترهای ورودی و خروجی تحلیل عملکرد بویلر نشان داده شده است.

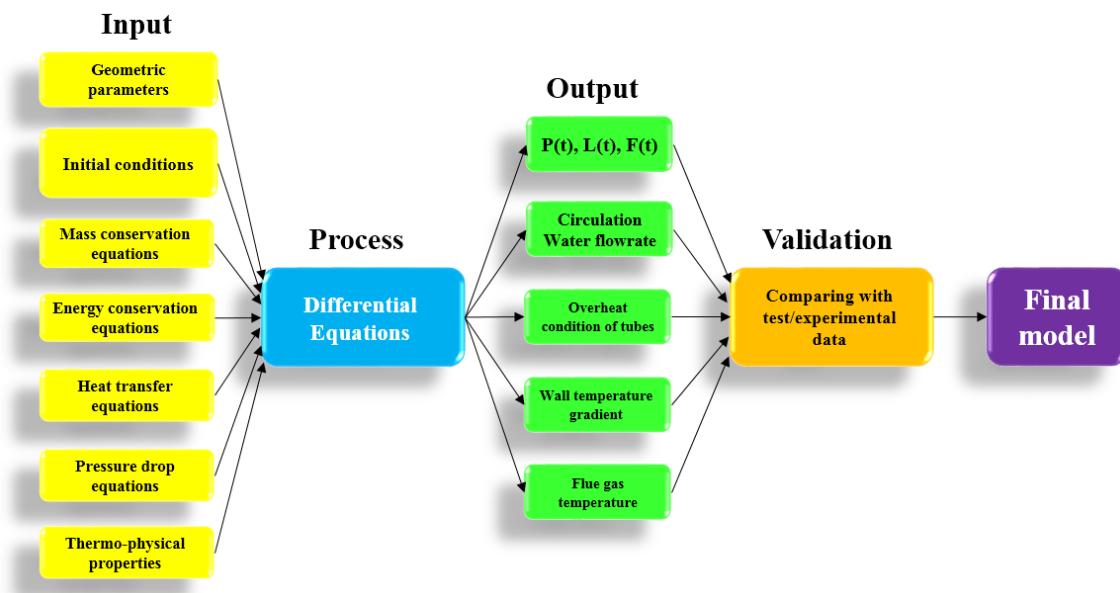


Figure 3- The development process of the boiler dynamic model

شکل ۳- نحوه توسعه مدل عملکرد دینامیکی بویلر

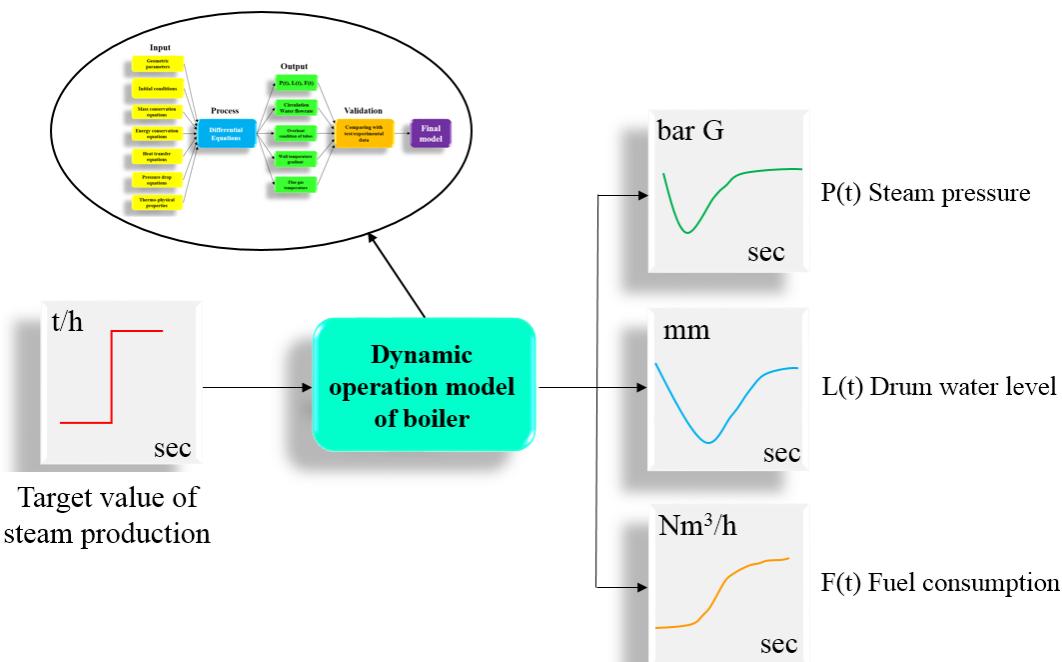
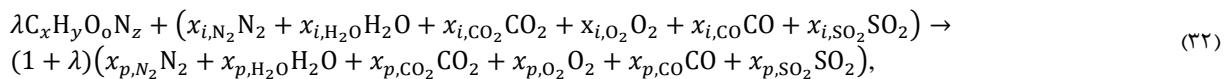


Figure 4- Input and output parameters of the boiler dynamic model

شکل ۴- پارامترهای ورودی و خروجی مدل عملکرد دینامیکی بویلر

معادله‌ی احتراق

برای تعیین ضریب گسیل ناشی از ذرات دی‌اکسید کربن و آب نیاز به تعیین درصد مولی این گونه‌ها در محصولات احتراق است. با توجه به آنالیز گاز طبیعی مورد استفاده که در جدول ۳ ارائه شده است، معادله‌ی احتراق در بخش کوره به صورت رابطه (۳۲) در نظر گرفته شده است:



جدول ۳- آنالیز ترکیبات گاز طبیعی

Table 3- Composition analysis of natural gas

| Component | vol % | Heating value (kJ/kmol) |
|------------------------|-------|-------------------------|
| Hydrocarbons | | |
| Methane | 90.64 | 824348 |
| Ethane | 3.27 | 1482033 |
| Propane | 0.53 | --- |
| Butane | 0.29 | --- |
| Pentane | 0.02 | --- |
| Nonhydrocarbons | | |
| N ₂ | 4.25 | 639 |
| CO ₂ | 0.99 | 14176 |

در این رابطه معادله سوخت و درصد ترکیبات به صورت کلی در نظر گرفته شده است. x_i درصد مولی هوا ورودی، x_p درصد مولی محصولات احتراق و λ نسبت مولی سوخت به هوا است. از آنجایی که مطابق آنالیز گاز طبیعی ورودی به بویلر، گونه‌های CO₂ و N₂ نیز در ترکیب سوخت وجود دارد، فرمول مولکول سوخت به صورت کلی (C_xH_yO₀N_z) نوشته شده است. همچنین برای هوا از یک آنالیز واقعی استفاده شده است.

بر اساس موازنی بین ترکیبات سوخت درصد مولی هر یک از ترکیبات تولیدی به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$x_{p,N_2} = \frac{\lambda z + x_{i,N_2}}{1 + \lambda}, \quad (33)$$

$$x_{p,CO_2} = \frac{\lambda x + x_{i,CO_2} + x_{i,CO}}{1 + \lambda}, \quad (34)$$

$$x_{p,H_2O} = \frac{\lambda y/2 + x_{i,H_2O}}{1 + \lambda}, \quad (35)$$

$$x_{p,O_2} = \frac{x_{i,O_2} + x_{i,CO_2} + x_{i,SO_2} + (x_{i,H_2O} + x_{i,CO})/2 - x_{i,H_2O}/2 - x_{i,CO_2}}{1 + \lambda}. \quad (36)$$

دبی سوخت به عنوان پارامتر ورودی است، با مشخص بودن این پارامتر و منحنی‌های ارائه شده توسط سازنده که مقدار دبی هوا را مشخص می‌سازد، مقدار $\lambda = \frac{\dot{m}_f M_{air}}{\dot{m}_a M_f}$ تعیین می‌شود. در این رابطه M جرم مولی است. از طرفی کسر مولی گونه‌هایی که از موازن جرم عناصر به دست نمی‌آیند، مانند $x_{p,CO}$ از طریق اندازه‌گیری در محل بویلر مشخص می‌شود (مراجعة به جدول ۴). با داشتن نسبت سوخت به هوا و همچنین درصد ترکیبات حاصل از احتراق با حل معادله ارثی برای مشعل، مطابق رابطه زیر، و حل همزمان آن با معادلات موازنی ارثی کوره، دمای شعله تعیین می‌شود:

$$\dot{m}_a h_{i,a} + \dot{m}_f LHV = (\dot{m}_a + \dot{m}_f) h_{p,g} + \dot{Q}_{net,i}, \quad (37)$$

در این رابطه \dot{m}_a دبی هوا $h_{i,a}$ آنتالپی هوا ورودی، \dot{m}_f دبی سوخت، LHV ارزش حرارتی پایین سوخت و $h_{p,g}$ آنتالپی حاصل از احتراق است که وابسته به دما و محصولات احتراق خواهد بود. در این رابطه با حل همزمان معادلات (۳۰) و (۳۷) مقدار $\dot{Q}_{net,i}$ و دمای شعله تعیین می‌شود.

جدول ۴- ترکیب شیمیایی محصولات احتراق بویلر

Table 4- Chemical composition of the flue gasses

| Component | Value | Content |
|------------------|-------|---------|
| O ₂ | vol% | 3.181 |
| CO | vol% | 0.3 |
| CO ₂ | vol% | 7.99 |
| H ₂ O | vol% | 18.14 |
| N ₂ | vol% | 70.37 |
| NOx | ppm | 35 |

روش حل عددی

برای حل معادلات گذرای حاکم بر مسئله‌ی حاضر یک کد رایانه‌ای در محیط نرم‌افزار فرتون توسعه یافته است. خلاصه‌ای از معادلات ترمودینامیکی و انتقال حرارتی در بخش‌های مختلف بویلر که یک دستگاه معادلات دیفرانسیل معمولی (ODE) را تشکیل می‌دهند در ضمیمه الف ارائه شده است. در این کد برای حل دستگاه معادلات ODE حاکم از روش رونه-کوتای فهبرگ استفاده شده است. بهنحوی که معادلات به صورت صریح نوشته شده و بر اساس حل معادلات، خروجی از گام زمانی، dt تعیین می‌شود. با توجه به این که الگوریتم رونه-کوتای فهبرگ یک روش تطبیق‌پذیر است، گام زمانی dt در روند حل بر اساس خطای تعریف شده طوری تعیین می‌شود که کمترین خطای بین حل اولیه (w) و ثانویه (\tilde{w}_{i+1}) وجود داشته باشد. بر این اساس معادلات در چند گام زمانی، $dt < dt$ حل می‌شوند تا به گام زمانی تعیین شده برسد. به عبارت دیگر معادلات در هر گام زمانی چندین بار حل می‌شوند و در نهایت پارامترهای خروجی در لحظه‌ی موردنظر تولید می‌شود.

در شکل ۴ روند تصویری الگوریتم حل و ترتیب حل معادلات در یک گام زمانی ارائه شده است. در این الگوریتم پارامترهای مقادیر گام زمانی، dt ، تعداد معادلات، N و دقت حل، TOL، توسط کاربر تعیین می‌شود که گام زمانی $s = 0.2$ ، تعداد معادلات ۲۶۹ عدد و دقت حل 1×10^{-4} تنظیم شده است. در ادامه به تعیین مقدار دبی گردشی چرخه که برابر دبی عبوری از کل دانکامرهای خواهد شد. با فرض این دبی به تعداد المان‌های تعیین شده افت فشارهای بیان شده در بخش محاسبات هیدرولیکی برای هر المان و جزء (K) صورت می‌پذیرد تا افت فشار در سه بخش ($1 = K_1$ ، $2 = K_2$ ، $3 = K_3$) درام محاسبه شود. معادله‌ی اساسی حاکم بر هیدرولیک مساله، تساوی فشار محرک مدار گردش با مجموع افت فشارهای موجود در این مدار از بخش خروج آب از درام تا بخش ورود مجدد آن به درام با گذر از لوله‌های دانکامر و واتروال است. در ادامه به محاسبه‌ی بخش حرارت جذبی در اوپراتور و کوره پرداخته می‌شود. با تعیین ضریب انتقال حرارت در هر المان مقدار حرارت جذبی محاسبه می‌شود که بر اساس آن تغییرات دمایی برای آب، فلز و گاز در هر المان تعیین خواهد شد. با توجه به محاسبات بخش کوره، حرارت جذبی فلز محاسبه می‌شود. این محاسبات در نهایت دمای فلز را تعیین خواهد کرد. بر اساس معادلات انتقال حرارت بر مبنای روند ارائه شده می‌توان ضریب انتقال حرارت را محاسبه کرد و بر اساس آن مقدار حرارت جذبی را تعیین کرد. در انتهای نیز ماتریس خروجی از گام زمانی فعلی به عنوان ورودی برای گام زمانی بعدی در نظر گرفته می‌شود.

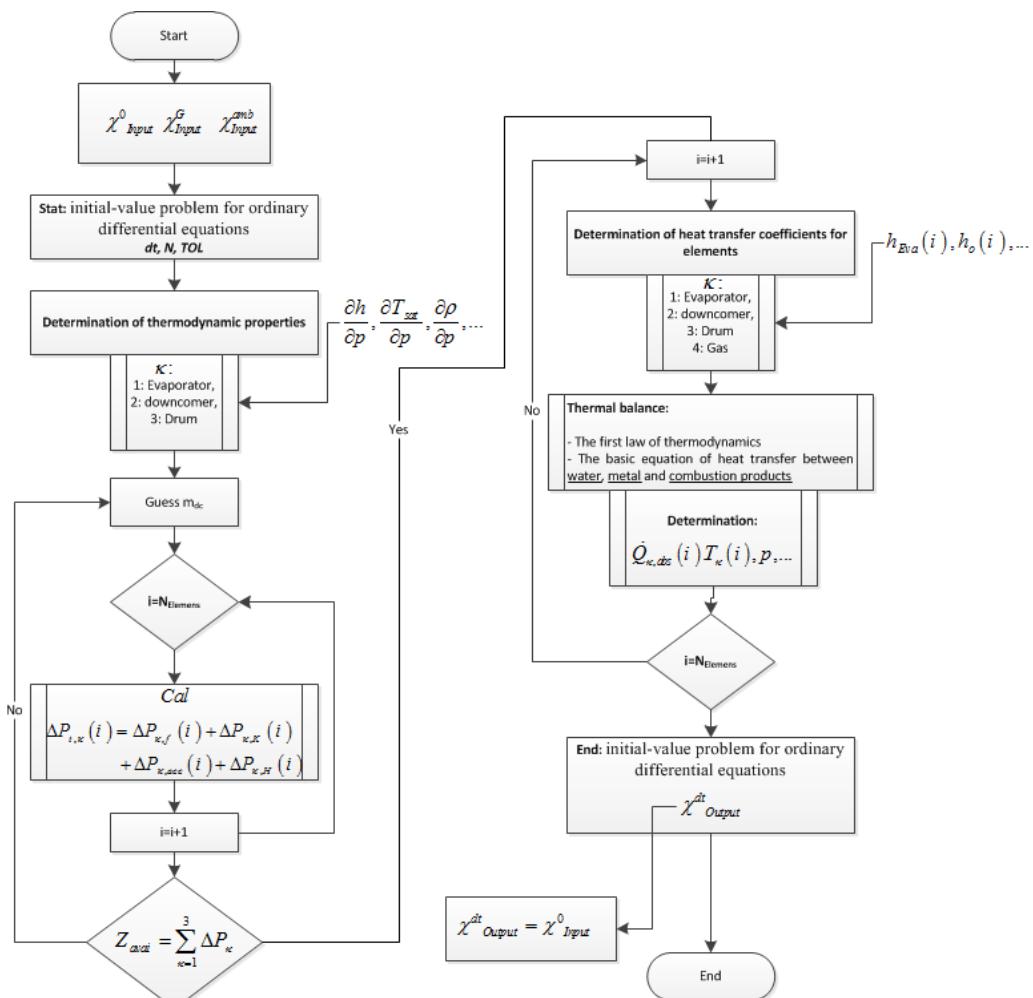


Figure 4- Numerical solution algorithm for solving governing equations

شكل ۴- الگوریتم حل عددی معادلات حاکم

نتایج و بحث اعتبارسنجی

با به کارگیری روش ناحیه‌ای در حل معادلات کوره، نتایج حاصله وابسته به تعداد المان‌ها خواهد بود. بنابراین، در جدول ۵ تأثیر تعداد المان‌های سطحی و حجمی بر مقدار حرارت جذبی توسط کل لوله‌های کوره مورد مطالعه قرار گرفته است. می‌توان دریافت که با افزایش تعداد المان‌ها درصد خطای نسبی تقریبی کاهش یافته و درصد خطای معيار موردنظر را برآورده می‌کند.

جدول ۵- مقدار حرارت جذب شده در کوره بر اساس تعداد المان کوره

Table 5- Heat absorption in the furnace based on the mesh size.

| No. | Number of surface elements | Number of volume elements | Heat absorption (kW) | Error relative to row no. 5 (%) |
|-----|----------------------------|---------------------------|----------------------|---------------------------------|
| 1 | 54 | 27 | 2877.35 | -1.72 |
| 2 | 96 | 64 | 2828.09 | 0.017 |
| 3 | 150 | 125 | 2828.228 | 0.012 |
| 4 | 216 | 216 | 2828.559 | 0.007 |
| 5 | 294 | 343 | 2828.58 | 0.0 |

در ادامه بحث اعتبارسنجی، نتایج عددی به دست آمده برای دبی بخار تولید شده و همچنین فشار و دمای آب درام بالا با نمودارهای ارائه شده توسط سازنده بويлер در حین فرایند راهاندازی مقایسه می شود. شکل ۵ تغییرات دمای آب درام بر حسب زمان را نشان می دهد. در این شکل داده های عملکردی شرکت سازنده و نتایج عددی حاضر با یکدیگر مقایسه شده است. از آن جایی که منحنی سوت مصرفی در بويлер در هنگام راهاندازی موجود نیست، در شبیه سازی صورت گرفته دمای آب ارائه شده توسط سازنده به عنوان نقطه ای تنظیم در نظر گرفته شده و بر اساس میزان خطای مقدار دمای آب محاسبه شده، به بويлер سوت تزریق می شود. از این رو کمترین خطا در بین نتایج در این پارامتر است. پارامترهای دیگر نظیر فشار درام و دبی بخار نیز بر اساس سوت تزریق شده محاسبه شده و هیچ پارامتر کنترل کننده ای وجود ندارد. مطابق شکل، دمای آب درام بالا گذر زمان به صورت خطی افزایش یافته تا در زمان $9500 \approx 160$ دقیقه ثانیه به دمای ۱۸۶ درجه سلسیوس (دمای اشباع در فشار کاری بويлер ۱۲ بار) رسیده و فرایند راهاندازی بويлер به اتمام می رسد. مطابق شکل ۵، درصد خطای در کل روند راهاندازی زیر ۸ درصد است.

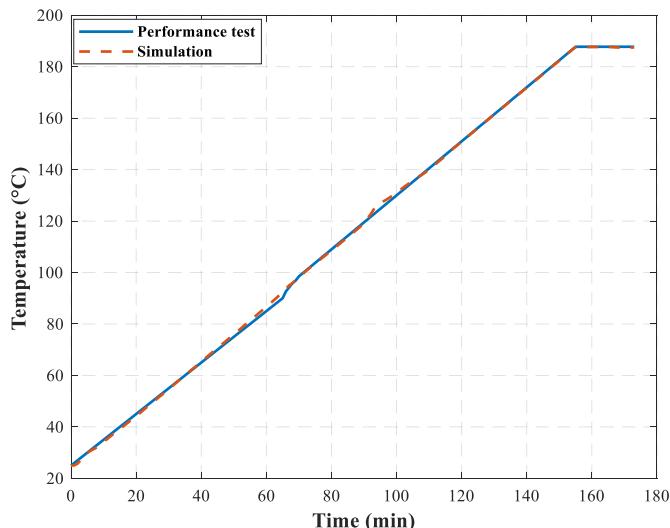


Figure 5- Upper drum water temperature (T_w) in the boiler over time and comparison with manufacturer data

شکل ۵- تغییرات دمای آب درام بالا گذر زمان و مقایسه آن با داده های ارائه شده توسط سازنده بويлер

شکل های ۶ و ۷، به ترتیب نشان دهنده تغییرات فشار و دبی بخار تولید شده در حین فرایند راهاندازی می باشند. مقایسه مقادیر محاسبه شده فشار درام و دبی بخار با داده های ارائه شده توسط سازنده بويлер نشان از دقت بالا و روند صحیح تزریق سوت به بويлер است؛ چرا که توانسته نتایج قابل قبولی را ارائه کند. شکل ۶ منتج شده از تغییرات فشار و موقعیت ساقه شیر است. باید در نظر داشت که میزان باز شدگی شیر افت فشاری را در مسیر به وجود می آورد. میزان عبور دبی بخار وابسته به فشار قبل و بعد شیر است. با توجه به این که بخار تولید شده وارد بخش بالایی درام می شود به همین دلیل فشار تغییر داشته و با ثابت بودن ساقه شیر میزان دبی عبوری تغییر می کند. به عبارت دیگر دبی عبوری از شیر وابسته به فشار و فشار درام نیز وابسته به دبی عبوری از شیر و بخار تولید شده می باشد.

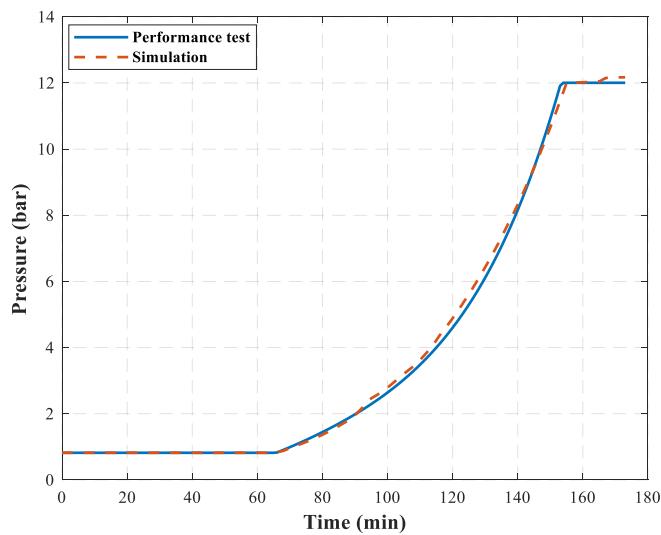


Figure 6- Boiler pressure over time and comparison with the manufacturer data.

شکل ۶- تغییرات فشار بویلر در گذر زمان و مقایسه آن با داده‌های ارائه شده توسط سازنده بویلر

در خصوص تغییرات دبی بخار ارائه شده توسط شرکت سازنده در شکل ۷ باید این نکته را بیان کرد که روند تغییرات این پارامتر تا فشار ۱۲ بار در هنگام راهاندازی و در بار ۲۰ درصد بویلر ارائه شده است، در نتیجه در شکل ۷ داده‌های شبیه‌سازی حاضر تا آن زمان با داده‌های شرکت سازنده مطابقت داده شده است.

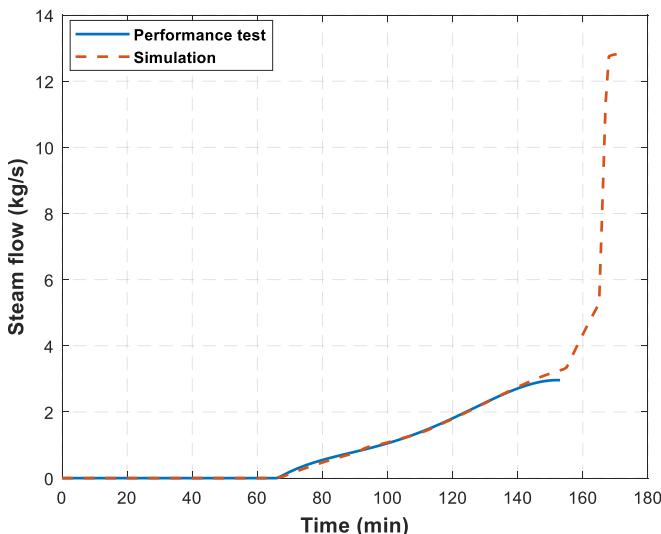


Figure 7- The simulated steam flow rate in the boiler over time and comparison with manufacturer data.

شکل ۷- تغییرات دبی بخار بر حسب زمان، مقایسه نتایج شبیه‌سازی شده و مقادیر ارائه شده توسط شرکت سازنده بویلر

بررسی عملکرد و رفتار بویلر در حین فرایند راهاندازی

در شکل ۸ روند تغییرات دبی هوا و همچنین سوخت بویلر در حین فرایند راهاندازی نشان داده شده است. روند تغییرات دبی هوا از مستندات ارائه شده توسط شرکت سازنده استخراج شده است. اما همان‌طور که ذکر شد، در شبیه‌سازی صورت گرفته دمای آب ارائه شده توسط سازنده به عنوان نقطه‌ی عملکردی برای استخراج منحنی دبی سوخت استفاده شده است. تا قبل از

فشارگیری دبی سوخت تغییرات چندانی ندارد. دلیل این امر به نحوی عملکرد مدار چرخش بویلر باز می‌شود. با توجه به وجود جریان گردش طبیعی در مدار بویلر، در صورتی که دبی سوخت با نرخ زیاد تغییر کند و یا مقدار آن در ابتدا زیاد باشد، منجر به تغییر مسیر جریان لوله‌های دیواره آبی از درام بالا به درام پایین خواهد شد و بخش جابه‌جایی بویلر آب را از درام پایین به درام بالا منتقل می‌کند. با توجه به این که ضریب انتقال حرارت در ابتدای فرایند راهاندازی کم است، در بخش کوره احتمال سوختگی لوله‌ها و افزایش ناگهانی دمای آن‌ها وجود دارد. از این‌رو، تزریق ناگهانی سوخت موجب خسارت به بویلر می‌شود. در ادامه با کنترل دبی سوخت، اختلاف دما بین فلز لوله و جریان آب به حداقل می‌رسد. با توجه به فاصله‌ی زیاد لوله‌های مدار چرخش سوم، جذب حرارت کم است که این امر منجر به افزایش دمای فلز لوله و سوختگی آن‌ها می‌شود. عدم جریان مناسب در این مدار چرخش که به واسطه‌ی تغییرات اندک دمای آب است، منجر به افزایش دمای فلز شده و این افزایش با تأخیر بر روی دمای آب تأثیر گذاشته و دبی عبوری از این ناحیه را افزایش می‌دهد. باید عنوان داشت که با کاسته شدن از دمای فلز، روند تغییرات دمای آب و دبی عبوری نیز کاهش می‌یابد. تا جایی که احتمال برعکس شدن جریان در لوله‌های دیواره آبی و انتقال دبی از درام بالا به درام پایین وجود دارد. این روند برای لوله‌های دیواره آبی که در اطراف مشعل قرار دارد نیز وجود دارد که دلیل این امر بالا بودن شار دریافتی این منطقه است که نسبت به حرارت دفعی به آب بیشتر بوده و منجر به افزایش دمای فلز می‌شود.

نمایی این مشکلات بهدلیل عدم تقارن سطوح جریانی و مدارهای چرخشی بویلر است. با توجه به این که در بخش دی‌شکل کوره یک دسته لوله از کف و دیواره کناری و سقف به درام بالا کشیده شده است، این بخش هم دارای سطح انتقال حرارت بالایی است و هم در اطراف مشعل دارای شار حرارتی مناسبی است. به همین دلیل سهم قابل توجهی از دبی مدار چرخش طبیعی را به خود اختصاص می‌دهد. با توجه به محدودیت دمایی سایر مناطق و هندسه لوله‌های بخش جابه‌جایی نمی‌توان دبی دیگر مدارهای چرخش در دیوارهای مختلف را کنترل نمود. به همین دلیل سهم دبی چرخشی سایر مناطق کاسته شده و دبی گردشی در منطقه‌ی دی‌شکل کوره سهم غالب بخش کوره است. در صورتی که نرخ تغییرات دبی سوخت در ابتدای افزایش باید می‌توان دریافت که در هنگام راهاندازی سوخته شدن لوله‌های روبه‌رویی مشعل و دیواره‌ای که مشعل در آن قرار دارد بهترتیب به واسطه‌ی عدم انتقال حرارت مناسب با آب و شار دریافتی بالا، بیشتر از دیگر نقاط کوره است به همین دلیل باید در راهاندازی سرد با توجه به این دو ناحیه، دبی سوخت را تعیین نمود.

روند تغییرات دمای فلز جداره بالا و پایین درام با توجه به کوچک بودن درام مانند دیگر بویلرها محدودیتی را در راهاندازی به وجود نمی‌آورد. در نتیجه می‌توان در هنگام راهاندازی تأثیر این پارامتر را نسبت به دیگر پارامترها کمتر دانست. به‌طور کلی می‌توان منحنی تزریق سوخت در شکل ۸-۱ را به ۲ بخش تقسیم نمود. در حین فرایند راهاندازی که دمای آب هنوز به دمای اشباع نرسیده، محدوده‌ی A، نرخ ثابت تزریق سوخت منجر به افزایش دمای آب درام بر اساس منحنی راهاندازی خواهد شد. در منطقه‌ی B، در شروع تولید بخار به دلیل افزایش آهنگ دما در منحنی راهاندازی، دبی سوخت افزایش می‌باید تا بتوان اختلاف به وجود آمده با نقطه‌ی تنظیم را جبران نمود. در ادامه و در انتهای فرایند راهاندازی (از لحظه min ۱۵۵ به بعد) برای افزایش آهنگ فشارگیری و تولید بخار، تزریق سوخت با آهنگ بیشتری افزایش خواهد یافت.

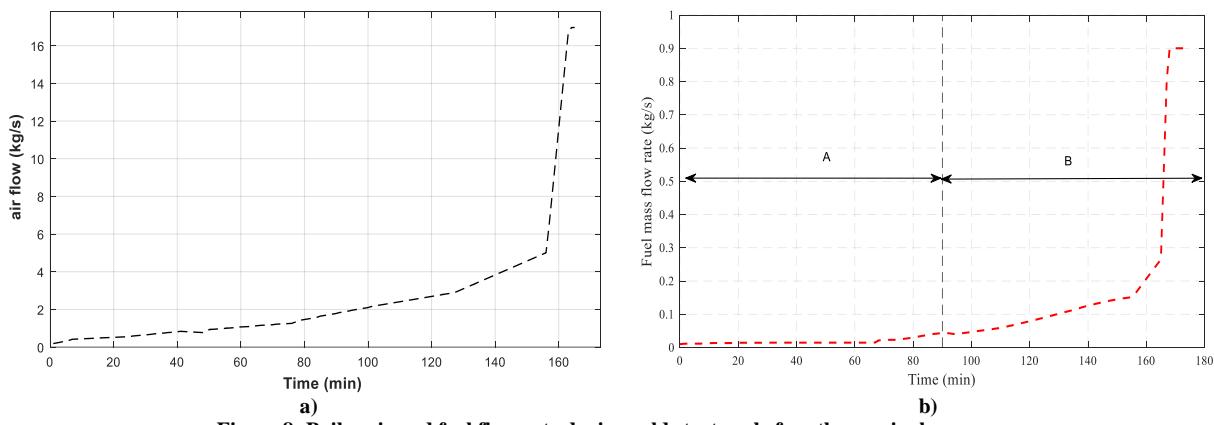
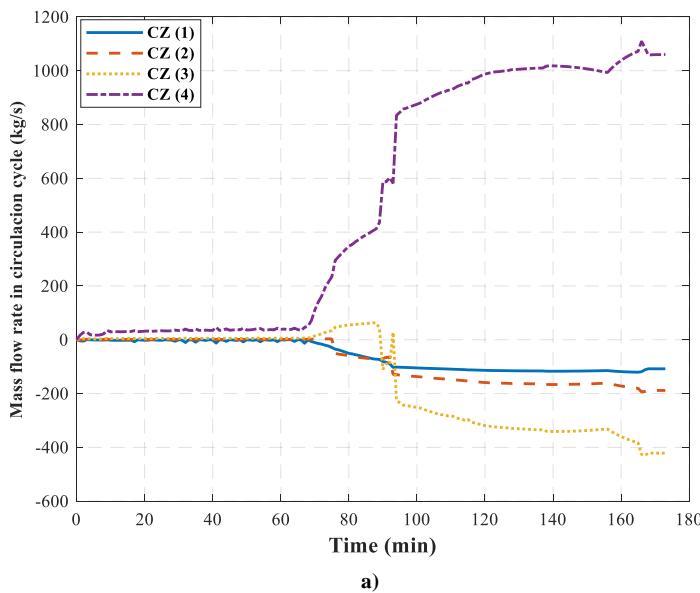


Figure 8- Boiler air and fuel flow rate during cold start-up before the nominal pressure

شکل ۸- تغییرات دبی هوا و سوخت بویلر در راه اندازی سرد تا فشار نامی بویلر

در شکل ۹ دبی آب/بخار چرخشی در هر مدار بر حسب زمان نشان داده شده است. شکل ۹-الف مربوط به مدارهای موجود در بخش جابه جایی و شکل ۹-ب مربوط به مدارهای بخش تشعشعی است. آن‌چه مشخص است این است که مدار چرخش جابه جایی (۴) با توجه به موقعیت آن دارای کمترین جذب حرارت آب بوده و این امر منجر به بالا بودن دمای فلز لوله‌های آن و یا عدم تولید بخار در این بخش شده است. بنابراین این مدار چرخش بیشترین دبی رو به پایین برای تعذیبه‌ی دیگر مدارها را تأمین می‌کند. تغییرات جهت جریان در سه مدار چرخش جابه جایی (۱)، جابه جایی (۲) و جابه جایی (۳) کاملاً وابسته به حرارت جذبی و شرایط تولید بخار است. این سه مدار، در ابتدا دبی را از درام بالا به درام پایین انتقال می‌دهند. اما از آن جایی که چگالی آب جاری در مدار چرخش جابه جایی (۱) به دلیل مواده بودن با حرارت بالاتر از دیگر مدارهای بخش جابه جایی کمتر است، در این مدار، انتقال آب از درام پایین به درام بالا خواهد بود. در ادامه مدارهای چرخش دیگر با کمتر شدن جذب حرارت لوله‌های جابه جایی (۱)، با گاز دما بالا موجه شده و در نهایت جهت چرخش آن‌ها نیز تغییر می‌یابد. بر اساس تغییرات دمای مدارهای چرخش تشعشعی به خصوص بخش تشعشعی (۲)، جهت جریان برای مدار چرخش جابه جایی (۱) در برخی بازه‌های زمانی با نوساناتی همراه است که ناشی از تغییرات دمای فلز و ضریب انتقال حرارت داخلی لوله است.



a)

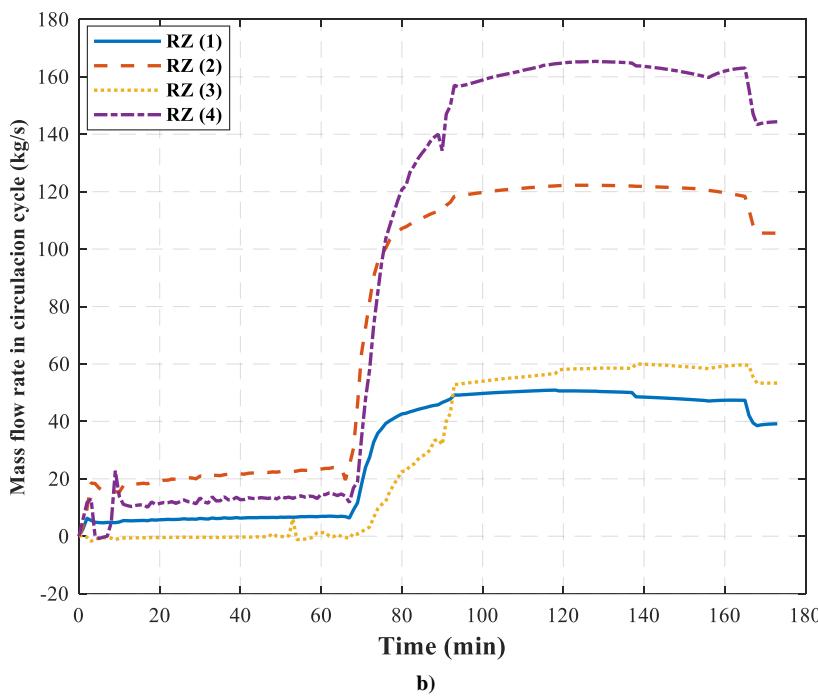


Figure 9- The flow rate in the boiler's circulation loops in the cold start-up: a) CZ and b) RZ sections.

شکل ۹- دبی مدارهای چرخشی بویلر در راهاندازی سرد: (الف) بخش جابه‌جایی (ب) بخش تشعشعی

در حالت گذرا، در طی زمان قابل توجهی، دبی عبوری از بخش تشعشعی (۳) بسیار ناچیز بوده و جهت جریان معکوس است. تنها در حالتی که در این مدار بخار تولید شده باشد، جریان مثبت شده و رو به درام بالا است. در شرایط پایا، مدار تشعشعی (۴) به دلیل داشتن افت فشار کمتر در طول مسیر، جریان بیشتری را نسبت به مدار تشعشعی (۲) که دارای سطح حرارتی بیشتری نیز است، عبور می‌دهد. با توجه به ضریب تقویت جریان دو فاز (که در محاسبه افت فشار اصطکاکی مطابق ضمیمه ب مقاله استفاده می‌شود) و این‌که جریان دو فاز بیشتری در طول مسیر در جریان بوده است، افت فشار اصطکاکی بر افت فشار هیدرواستاتیک ستون آب-بخار غلبه کرده و جریان کمتری را از خود عبور می‌دهد. مدار چرخش تشعشعی (۱) نیز با توجه به تعداد لوله کمتر که به دلیل وجود مشعل در آن است، نسبت به مدار چرخش تشعشعی (۳) که دارای تعداد لوله بیشتری است، دبی آب بیشتری را از خود عبور می‌دهد. که این امر به دلیل جذب حرارت بالاتر در حالت پایا است. افزایش دبی مدار چرخش جابه‌جایی (۱) به دلیل مواجهه‌ی آن با محصولات احتراق دما بالا و تولید بخار با کیفیت، بیشتر است. با جذب حرارت، از دمای محصولات احتراق کاسته شده و این امر منجر به کاسته شدن کیفیت بخار در مدار چرخش جابه‌جایی (۲) و جابه‌جایی (۳) شده است.

بررسی عملکرد و رفتار بویلر در حین تغییر بار پله‌ای

در این بخش به بررسی پاسخ سیستم به تغییر بار دینامیکی پرداخته می‌شود. شکل ۱۰ نشان دهنده یک واحد افزایش برای دبی بخار درخواستی بویلر (معادل kg/s) ۱ در بار کامل است. با توجه به مدل‌سازی صورت گرفته، می‌توان مشاهده کرد که دبی بخار در ابتدا به واسطه‌ی افزایش شدید خطای نسبتی تنظیم و مقدار موجود افزایش داشته است. روند تولید بخار به‌طور کامل از فشار بویلر تأثیر می‌پذیرد و فشار بویلر نیز بر اساس دبی سوخت تزریقی تعیین می‌شود. در صورتی که هیچ کنترلی بر روی دبی سوخت وجود نداشته باشد و دبی سوخت ثابت باشد، بویلر نقطه‌ی کاری خود را برای تأمین دبی سوخت

تغییر داده و در فشار کمتری دبی مورد نیاز را تأمین می‌کند. با توجه به این‌که در واحد مصرف کننده بخار، فشار بخار یکی از پارامترهای بسیار مهم است، در نتیجه در ادامه فشار ۱۲/۱۳ بار (که توسط منطق کنترلی بویلر تعیین شده است) به عنوان نقطه‌ی تنظیم در نظر گرفته شده است. فشار بویلر با توجه به درخواست پله‌ای دریافت شده، ناگهان کاسته می‌شود و سپس با تزریق سوخت، حداقل فشار آن تا ۱۱/۵۷ بار می‌رسد که مقدار قابل قبولی است. شکل ۱۱ روند تغییرات فشار درام بویلر را نشان می‌دهد. در این شکل می‌توان بازه‌ی تغییرات فشار بویلر را مشاهده نمود. در ادامه با توجه به افزایش شدید دبی سوخت، فشار از مقدار نقطه‌ی تنظیم فراتر رفته و با تغییر دبی سوخت و کاسته شدن از آن، فشار به نقطه‌ی تنظیم نزدیک می‌شود. با مقایسه‌ی بین شکل‌های ۱۰ و ۱۱ می‌توان دریافت که تغییرات فشار در یک بازه‌ی مشخص، تأثیر ناچیزی بر روی دبی بخار تولیدی دارد. دلیل این امر، وجود درام است که به عنوان یک مخزن ذخیره بخار عمل کرده و تغییرات فشار را خنثی نموده و اجازه نمی‌دهد دبی بخار تغییر کند. هر چه حجم درام بزرگ‌تر باشد، تأثیر تغییرات فشار بر روی دبی ناگهانی کمتر خواهد بود. شکل ۱۲ تغییرات دبی سوخت به ازای افزایش پله‌ای تقاضای بخار را نشان می‌دهد. در این شکل می‌توان دریافت تغییرات دبی سوخت مقدار فشار را تعیین کرده و در گذر زمان به یک مقدار همگرا می‌شود. از طرفی با نگاه دقیق‌تر می‌توان دریافت که سرعت پاسخ سیستم بر اساس سیستم کنترلی موجود، می‌تواند نسبت به یک نوسان ایجاد شده از سمت مصرف کننده، به خوبی دبی سوخت را تغییر داده تا این امر هم سرعت پاسخگویی مناسبی داشته باشد و هم بتواند در مدت کوتاه وضعیت عملکرد بویلر را به حالت پایا برساند. مطابق شکل دبی سوخت مصرفی در کمتر از ۲۰ ثانیه به شرایط پایا رسیده است.

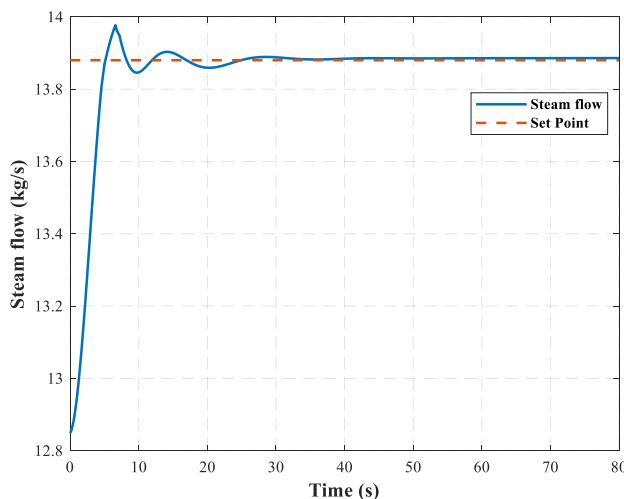


Figure 10- Transient behavior of the system based on the response to a step increase of consumer steam demand

شکل ۱۰- رفتار گذرای سیستم بر اساس پاسخ به افزایش پله‌ای تقاضای بخار مصرف کننده

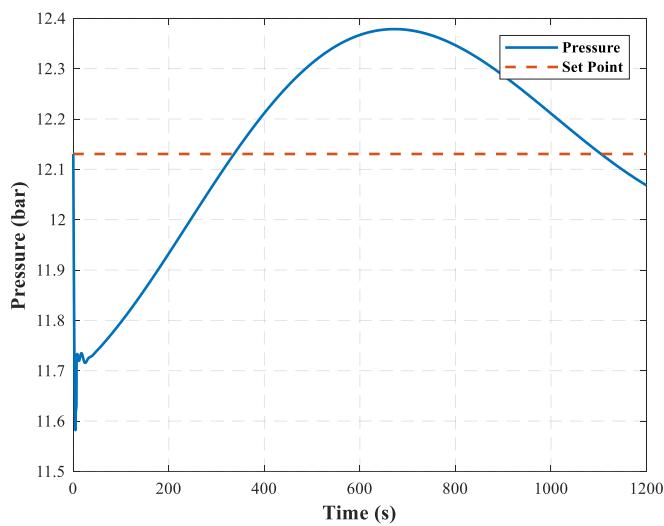


Figure 11- The transient behavior of the system pressure based on the response to a step increase of the consumer steam demand based on the set point

شکل ۱۱- رفتار گذراي فشار سیستم بر اساس پاسخ به افزایش پلهای تقاضای بخار بر مبنای نقطه تنظیم تعیین شده

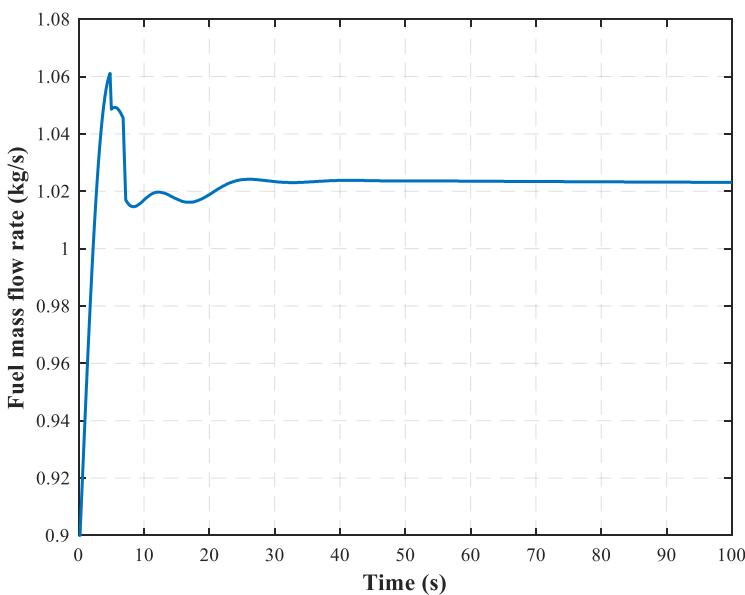


Figure 12- The transient behavior of the boiler fuel flow based on the response to a step increase of the consumer steam demand in the initial 100 seconds

شکل ۱۲- رفتار گذراي دبی سوخت مصرفی بویلر بر مبنای پاسخ به افزایش پلهای تقاضای بخار در ۱۰۰ ثانیه ای ابتدایی

نتیجه‌گیری

در این مقاله به مدل‌سازی بویلر اشباع از نوع دی با گردش طبیعی پرداخته شد و رفتار بویلر در حین راهاندازی سرد مورد بررسی قرار گرفت. نتایج شبیه‌سازی با داده‌های سازنده بویلر در حین فرایند راهاندازی سرد مقایسه شد. این مقایسه نشان داد که بر اساس مدل ارائه شده، می‌توان به طور دقیق و با خطای قابل قبول رفتار ترمودینامیکی، حرارتی و هیدرولیکی بویلر را شبیه‌سازی نمود. با توجه به نامتقارن بودن هندسه کوره و لوله‌های بویلر، نرخ تزریق سوخت پارامتری بسیار مهم است. در ابتدای راهاندازی افزایش تزریق نرخ سوخت منجر به افزایش دمای فلز لوله‌ها در بخش کوره و مدارهای چرخش خواهد شد.

عامل اصلی این امر، نامتقارن بودن هندسه کوره‌ی بویلر هم در جذب حرارت نواحی و هم در نرخ دبی آب/ مخلوط دو فاز آب- بخار مدارهای چرخش تأثیر می‌گذارد. با ارائه‌ی منحنی سوخت تزریقی بویلر بر اساس قیود بهره‌برداری، می‌توان عمر بویلر را افزایش داد و از خراپی‌های ناشی از تنفس‌های حرارتی و سوختگی لوله‌ها، جلوگیری به عمل آورد. در بین مدارهای چرخش موجود در بخش جابه‌جایی، مدار شماره (۴) با توجه به موقعیت قرارگیری آن دارای کمترین جذب حرارت آب و عدم تولید بخار است. بنابراین این مدار چرخش بیشترین دبی رو به پایین برای تغذیه‌ی دیگر مدارها را دارد. همچنین مدار تشبعشی (۴) در شرایط پایا، به‌دلیل داشتن افت فشار کمتر در طول مسیر، جریان بیشتری را نسبت به مدارهای تشبعشی دیگر از خود عبور می‌دهد. در تحلیل نهایی عملکرد بویلر مشخص شد که در صورت مناسب بودن سیستم کنترلی، بویلر توانایی پاسخ مناسب به افزایش پله‌ای تقاضای بخار را داشته و می‌تواند در کمتر از ۲۰ ثانیه به شرایط پایا برسد. در ادامه‌ی فرایند تحقیق حاضر به بهینه‌سازی منحنی تزریق سوخت و هوا به‌منظور کاهش زمان راهاندازی از لحظه شروع تا رسیدن به فشار و دبی بخار هدف ضمن رعایت قیود راهاندازی (مثلًا حد مجاز نرخ تغییرات دمای بالا و پائین فلز درام در حدود $3^{\circ}\text{C}/\text{min}$) پرداخته خواهد شد.

ضمیمه الف، خلاصه‌ی معادلات ترمودینامیکی و انتقال حرارتی برای بخش‌های مختلف در زیر بهصورت خلاصه معادلات حاکم و مجھولات ارائه شده است.

جدول الف-۱- معادلات بخش درام

Table A-1- Drum section equations

| Explanation | Equation |
|----------------------------------|---|
| The continuity equation of steam | $e_1 \frac{dp}{dt} + e_2 \frac{dV_{s,d}}{dt} = C_1$ |
| Auxiliary relationship | $\frac{dV_{s,d}}{dt} = -\frac{dV_{w,d}}{dt}$ |
| The continuity equation of water | $e_3 \frac{dp}{dt} + e_4 \frac{dV_{w,d}}{dt} + e_4 \frac{dT_{w,d}}{dt} = C_2$ |
| Energy equation | $e_5 \frac{dp}{dt} + e_6 \frac{dV_{s,d}}{dt} + e_7 \frac{dT_{w,d}}{dt} = C_3$ |

حل این دسته از معادلات منجر به تعیین $\frac{dp}{dt}$, $\frac{dT_{w,d}}{dt}$, $\frac{dV_{w,d}}{dt}$, $\frac{dV_{s,d}}{dt}$ می‌شود.

جدول الف-۲- معادلات بخش تشبعشی و جابه‌جایی

Table A-2 - Radiation and displacement equations

| Explanation | Unknowns | Equation |
|--|--|--|
| Energy equation for flow inside pipes for below saturation temperature | $\frac{dT_{w,k}}{dt}$ | $e_8 \frac{dp}{dt} + e_9 \frac{dV_{s,d}}{dt} + e_{10} \frac{dT_{w,d}}{dt} = \dot{Q}_k + C_4$ $\dot{Q}_k = h_i A_i (T_m - T_{CZ/RZ})$ |
| The energy equation for the flow inside the tubes for sub-saturation high temperatures | $\frac{dx}{dt}$ | $e_{11} \frac{dp}{dt} + e_{12} \frac{dV_{s,d}}{dt} + e_{13} \frac{dx}{dt} = \dot{Q}_k + C_5$ |
| The energy equation for the metal part of the radiation | $\frac{dT_{m,RZ}}{dt}$ | $C_m m_m \frac{dT_{m,RZ}}{dt} = \dot{Q}_{net,i} - \dot{Q}_k$ |
| Equation of energy and heat transfer between gas and metal for the displacement part | $\frac{dT_{m,CZ}}{dt}$ $T_{g\ out}$ | $M_m C p_m \frac{dT_{m,CZ}}{dt} = \dot{m}_g C p_g (T_{g\ in} - T_{g\ out}) - \overline{h_i A_i (T_m - T_{CZ})}^{Q_{CZ}}$ $\dot{m}_g C p_g (T_{g\ in} - T_{g\ out}) = h_o A_o \frac{(T_{g\ in} - T_m) - (T_{g\ out} - T_m)}{\log \left(\frac{T_{g\ in} - T_m}{T_{g\ out} - T_m} \right)}$ |

| | |
|---|---|
| Energy equation for surface areas and energy equation for volumetric areas to determine absorption heat | $\dot{Q}_{\text{net i}} = \left[\sum_j \overline{S}_j \overline{S}_i E_{s,j} + \sum_j \overline{S}_j \overline{S}_i E_{g,j} \right] - \left[\sum_j \overline{S}_i \overline{S}_j E_{s,i} + \sum_j \overline{S}_i \overline{G}_j E_{s,j} \right] + [h_i A_i (T_{g,k} - T_{g,i})] - \dot{Q}_{\text{net i}}, = 0$ $\left[\sum_j \overline{S}_j \overline{G}_i E_{s,j} + \sum_j \overline{G}_j \overline{G}_i E_{g,j} \right] - \left[\sum_j \overline{G}_i \overline{G}_j E_{s,i} + \sum_j \overline{G}_i \overline{S}_j E_{s,j} \right] + [h_i A_i (T_{g,k} - T_{s,i})]$ |
|---|---|

در تمامی این معادلات دبی مدارها مجھول است که باید از معادله‌ی (۱۶) یا (۱۷) تعیین شوند که متأثر از دما، فشار و کیفیت بخار است. شایان ذکر است تمامی متغیرهای e_1 تا e_{13} و C_1 تا C_5 بر اساس مشتق‌گیری از معادلات تعیین می‌شوند.

ضمیمه ب: روابط ساختاری جریان تک فاز و دو فاز

جریان تک فاز

برای محاسبه افت فشار جریان تک فاز، f_D ، معادلات بر اساس عدد رینولدز و رژیم جریان در حالت آرام، گذرا و مغوشش ارائه شده است. در حالتی که پارامتر هندسی لوله (ضریب زبری) به صورت $(\varepsilon/d = 0)$ باشد می‌توان نوشت [۲۹]:

$$f_d = \begin{cases} \frac{64}{Re} & Re < 2300 \\ 8 \left(\frac{1}{\left(\left[\frac{8}{Re} \right]^{10} + \left[\frac{Re}{36500} \right]^{20} \right)^{0.5}} + \left(2.21 \ln \left(\frac{Re}{7} \right) \right)^{10} \right)^{-0.2} & 2300 < Re < 4000 \\ \left(1.82 \log_{10} Re - 1.64 \right)^{-2} & Re > 4000 \end{cases} \quad (ب-۱)$$

و برای حالتی که $\varepsilon/d > 10^{-4}$ باشد خواهیم داشت [۳۰، ۲۹]:

$$f_d = \begin{cases} \frac{64}{Re} & Re < 2300 \\ 0.3086 \left(\log_{10} \left(\frac{10}{Re} + \frac{\varepsilon/d}{3.7} \right)^{1.11} \right)^{-2} & Re > 2300 \end{cases} \quad (ب-۲)$$

و برای حالتی که $\varepsilon/d < 10^{-4}$ باشد [۳۰]:

$$f_d = \begin{cases} 8 \left(\left(\frac{8}{Re} \right)^{12} + \frac{1}{(a_1 + a_2)^{1.5}} \right)^{0.0833} & Re < 2300 \\ 2.7778 \left(\log_{10} \left(\frac{7.7}{Re} \right)^3 + \left(\frac{\varepsilon/d}{3.7} \right)^{3.33} \right)^{-2} & Re > 2300 \end{cases} \quad (ب-۳)$$

که مقادیر a_1 و a_2 بر اساس مرجع [۳۳] تعیین می‌شوند. بر اساس تغییر خواص در مقدار محاسبه شده یک ضریب تصحیح دما نیز لحاظ می‌شود که بر اساس دمای دیواره و دمای توده سیال و نوع رژیم جریان به صورت زیر محاسبه می‌شود [۳۴]:

$$C_T = \begin{cases} \left(\frac{\mu_{\text{wall}}}{\mu_{\text{fb}}}\right)^{0.58} & \text{Re} < 2000 \text{ and } T_{\text{wall}} < T_{\text{fb}} \\ \left(\frac{\mu_{\text{wall}}}{\mu_{\text{fb}}}\right)^{0.54} & \text{Re} < 2000 \text{ and } T_{\text{wall}} > T_{\text{fb}} \\ \left(\frac{\mu_{\text{wall}}}{\mu_{\text{fb}}}\right)^{0.24} & \text{Re} > 2000 \text{ and } T_{\text{wall}} < T_{\text{fb}} \\ \left(7 - \frac{\mu_{\text{fb}}}{\mu_{\text{wall}}}\right)/6 & \text{Re} > 2000 \text{ and } T_{\text{wall}} > T_{\text{fb}} \end{cases} \quad (\text{ب}-4)$$

در این روابط μ_{wall} و μ_{fb} لزجت سیال در دمای دیواره و توده سیال است. ضریب افت فشار ۴ برابر ضریب دارسی است که به صورت زیر محاسبه می‌شود [۳۰، ۲۹]:

$$f = 4f_d C_T \quad (\text{ب}-5)$$

تعیین ضرایب انتقال حرارت داخل لوله بر اساس رژیم جریان تعیین می‌شود که می‌توان برای تعیین آن به مراجع [۳۲] مراجعه نمود. در این بخش معادلات اساسی برای تعیین این مقدار ارائه می‌شود. با توجه به شار ثابت برای جریان آرام و گذرا و مغشوش می‌توان روابط زیر را نوشت [۳۲]:

$$\text{Nu}_F = \begin{cases} 4.364 + 0.722 \left(\text{RePr} \frac{d}{L}\right) & \frac{L}{\text{RePr}} > 0.03 \\ 1.953 \left(\text{RePr} \frac{d}{L}\right)^{0.33} & \frac{L}{\text{RePr}} \leq 0.03 \end{cases} \quad (\text{ب}-6)$$

$$\text{Nu}_F = 0.116(\text{Re}^{0.667} - 125) \text{Pr}^{0.33} \left(1 + \frac{d}{L}\right)^{0.67} \quad (\text{ب}-7)$$

$$\text{Nu}_F = 0.023\text{Re}^{0.8}\text{Pr}^{0.4} \quad (\text{ب}-8)$$

جریان دوفاز

برای جریان دو فاز ضریب تقویت برای لوله و اتروال به صورت زیر محاسبه می‌شود [۳۱]:

$$\phi_{TF}^2 = A + 3.24x^{0.78}(1-x)^{0.24} \left(\frac{\rho_l}{\rho_v}\right)^{0.91} \left(\frac{\mu_l}{\mu_v}\right)^{0.19} \left(1 - \frac{\mu_v}{\mu_l}\right)^{0.7} \text{Fr}^{-0.045} \text{We}^{-0.035} \quad (\text{ب}-9)$$

و برای یک لوله با جریان پایین رونده (دانکامر حرارت دیده شده) به صورت زیر محاسبه می‌شود [۳۸]:

$$\phi_{TF}^2 = A + 48.6x^{0.8}(1-x)^{0.29} \left(\frac{\rho_l}{\rho_v}\right)^{0.9} \left(\frac{\mu_l}{\mu_v}\right)^{0.73} \left(1 - \frac{\mu_v}{\mu_l}\right)^{0.74} \text{Fr}^{-0.03} \text{We}^{-0.012} \quad (\text{ب}-10)$$

در ادامه کل جریان یک بار به صورت مایع و بار دیگر به صورت بخار در نظر گرفته شده و دو ضریب جریان افت فشار تک فاز (f) یکی برای فاز مایع و دیگری برای فاز بخار تعیین می‌شود که به ترتیب f_l و f_v نام‌گذاری می‌شود. بر این اساس مقدار پارامتر A به صورت زیر تعریف و محاسبه می‌شود [۳۱]:

$$A = (1-x)^2 + x^2 \left(\frac{\rho_l f_v}{\rho_v f_l}\right) \quad (\text{ب}-11)$$

و عدد بی بعد فرود، Fr، و پرس، We، به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$\text{Fr} = \frac{G^2}{gd_i \rho_m^2}; \quad \text{We} = \frac{G^2 d_i}{\sigma \rho_m} \quad (\text{ب}-12)$$

در این مدل چگالی معادل برای جریان در نظر گرفته می‌شود [۳۱]:

$$\rho_m = \left(\frac{x}{\rho_v} + \frac{1-x}{\rho_l}\right)^{-1} \quad (\text{ب}-13)$$

روابط متعددی برای انتقال حرارت جریان دو فاز وابسته به نوع رژیم جریان بیان می‌شود. با توجه به اینکه در لوله‌های واترول سه رژیم جریان جوشش فرسوده، قطره‌ای و رژیم حبابی وجود دارد، روابط مربوط به این دو رژیم بیان می‌شود [۳۴].
بنابراین [۳۴] بر اساس رابطه‌ی پیشنهادی (ب-۱۴) می‌توان ضریب انتقال حرارت این سه رژیم جریان را محاسبه نمود.
ضریب انتقال حرارت جریان جوششی شامل جمله‌ی جوشش و انتقال حرارت جابجایی جریان تک فاز است.

$$h_{tp} = h_{nb} + h_{fc} \quad (ب-۱۴)$$

$$h_{nb} = 0.00122S \left(\frac{k_l^{0.79} C p_l^{0.45} \rho_l^{0.49}}{\sigma^{0.5} \mu_l^{0.29} h_{fg}^{0.24}} \right) (\Delta T_{sat})^{0.24} (\Delta P_{sat})^{0.75} \quad (ب-۱۵)$$

که ضریب انتقال حرارت جریان تک فاز در حالت مغشوش و ضریب انتقال حرارت جریان جوشش قطره‌ای به صورت رابطه‌ی (ب-۱۸) بیان می‌شود. در این رابطه اختلاف دما و فشار به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$\Delta T_{sat} = T_{sat,m} - T_{sat,T_{fb}} \quad (ب-۱۶)$$

$$\Delta P_{sat} = P_{sat,m} - P_{sat,T_{fb}} \quad (ب-۱۷)$$

جمله دوم رابطه (ب-۱۴):

$$h_{fc} = 0.023F \left(\frac{G(1-x)}{\mu_l} \right) Pr^{0.4} \left(\frac{k_l}{d} \right); G = \frac{\dot{m}_l}{A_i} \quad (ب-۱۸)$$

که در این روابط مقادیر S و F بر حسب عدد رینولدز اصلاح شده و عدد لخارت-مارتینی بیان می‌شود [۳۴]:

$$S = (1 + 2.53 \times 10^{-6} Re_{Cor}^{1.17})^{-1}; Re_{Cor} = Re_l F^{1.25}$$

$$F = \begin{cases} 1 & X_{tt} \geq 10 \\ 12.35(X_{tt}^{-1} + 0.123) & X_{tt} < 10 \end{cases} \quad (ب-۱۹)$$

در روابط بالا واحدهای ظرفیت گرمایی ویژه، گرمای نهان، اختلاف دما و اختلاف فشار به ترتیب بر حسب ژول، درجه سانتی‌گراد و پاسکال بوده خواص تمامی پارامترهای ترمودینامیکی بیان شده در این روابط در فاز مایع محاسبه می‌شوند و زیروند ۱ بیان کننده این مطلب است.

منابع

- [1] M. Hashemi Beni, S. Emami, A. H. Meghdadi Isfahani, A. Shirneshan and R. Kalbasi, "Transient simulation and exergy analysis of a D-type steam boiler with natural circulation during cold start: A case study," *Applied Thermal Engineering*, Vol. 210, 2022, 118367.
- [2] E. Rosado-Tamariz, M. A. Zuniga-Garcia and R. Batres, "Optimization of a drum boiler startup using dynamic simulation and a micro-genetic algorithm," *Energy Reports*, Vol. 6, 2020, pp. 410-416.
- [3] Y. Zhao, M. Liu, C. Wang, Z. Wang, D. Chong and J. Yan, "Exergy analysis of the regulating measures of operational flexibility in supercritical coal-fired power plants during transient processes," *Applied Energy*, Vol. 253, 2019, 113487.
- [4] C. Fan , Z. Cui, J. Wang , Z. Liu and W. Tian, "Exergy analysis and dynamic control of chemical looping combustion for power generation system," *Energy Conversion and Management*, Vol. 228, 2021, 113728.
- [5] G. Ahmadi, D. Tohraie, O. Akbari, "Energy, exergy and environmental (3E) analysis of the existing CHP system in a petrochemical plant," *Renewable and Sustainable Energy Reviews*, Vol. 99, 2019, pp. 234-242.
- [6] O. Mahdavi Keshavar, A. Jafarian and M. Sohrabi Shekafti, "Dynamic simulation of a heat recovery steam generator dedicated to a brine concentration plant," *Journal of Thermal Analysis and Calorimetry*, Vol. 135, 2019, pp. 1763-1773.
- [7] R. D. Bell and K. J. Åström, "A fourth order non-linear model for drum boiler dynamics," *IFAC Proceedings Volumes*, Vol. 29, 1996, pp. 6873-6878.
- [8] H. E. Emara-Shabaik, M. A. Habib and I. Al-Zaharna, "Prediction of risers' tubes temperature in water tube boilers," *Applied Mathematical Modelling*, Vol. 33, 2009, pp. 1323-1336.

- [9] J. Pan, D. Yang, H. Yu, Q. C. Bi, H. Y. Hua, F. Gao and Z. M. Yang, "Mathematical modeling and thermal-hydraulic analysis of vertical water wall in an ultra supercritical boiler," *Applied Thermal Engineering*, Vol. 29, 2009, pp. 2500-2507.
- [10] J. Pan, D. Yang, G. Chen, X. Zhou and Q. Bi, "Thermal-hydraulic analysis of a 600 MW supercritical CFB boiler with low mass flux," *Applied Thermal Engineering*, Vol. 32, 2012, pp. 41-48.
- [11] F. Alobaid, J. Ströhle, B. Epple and H. G. Kim, "Dynamic simulation of a supercritical once-through heat recovery steam generator during load changes and start-up procedures," *Applied Energy*, Vol. 86, 2009, pp. 1274-1282.
- [12] A. Sedić, S. Katulić and D. Pavkovic, "Dynamic model of a natural water circulation boiler suitable for on-line monitoring of fossil/alternative fuel plants," *Energy Conversion and Management*, Vol. 87, 2014, pp. 1248-1260.
- [13] Z. Shu, L. Zixue, D. Yanxiang and Z. Huaijun, "Development of a distributed-parameter model for the evaporation system in a supercritical W-shaped boiler," *Applied Thermal Engineering*, Vol. 62, 2014, pp. 123-132.
- [14] N. Mertens, F. Alobaid, R. Starkloff, B. Epple and H. G. Kim, "Comparative investigation of drum-type and once-through heat recovery steam generator during start-up," *Applied Energy*, Vol. 144, 2015, pp. 250-260.
- [15] X. Zhu, W. Wang and W. Xu, "A study of the hydrodynamic characteristics of a vertical water wall in a 2953t/h ultra-supercritical pressure boiler," *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 86, 2015, pp. 404-414.
- [16] J. Z. Liu, S. Yan, D. L. Zeng, Y. Hu and Y. Lv, "A dynamic model used for controller design of a coal fired once-through boiler-turbine unit," *Energy*, Vol. 93, 2015, pp. 2069-2078.
- [17] C. Sreepradha, R. C. Panda and N. S. Bhuvaneswari, "Mathematical model for integrated coal fired thermal boiler using physical laws," *Energy*, Vol. 118, 2017, pp. 985-998.
- [18] D. Dave, W. Arnold, S. Timothy and M. Reed, "Dynamic simulation studies for boiler draft," *Applied Thermal Engineering*, Vol. 121, 2017, pp. 255-293.
- [19] K. Deng, C. Yang, H. Chen, N. Zhou and S. Huang, "Start-up and dynamic processes simulation of supercritical once-through boiler," *Applied Thermal Engineering*, Vol. 115, 2017, pp. 937-946.
- [20] K. G. Bilde, K. Sørensen and T. Condra, "Mathematical model of natural circulation biomass boilers during start-up," *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 143, 2019, 118477.
- [21] Y. Niu, M. Du, W. Ge, H. Luo and G. Zhou, "A dynamic nonlinear model for a once-through boiler-turbine unit in low load," *Applied Thermal Engineering*, Vol. 161, 2019, 113880.
- [22] T. Guoli, Z. Man, G. Junping, W. Yuxin, Y. Hairui, Z. Yanjun, W. Guohua and L. Junfu, "Thermal-hydraulic calculation and analysis on evaporator system of a 660 MWe ultra-supercritical CFB boiler," *Applied Thermal Engineering*, Vol. 151, 2019, pp. 385-393.
- [23] M. Trojan, "Modeling of a steam boiler operation using the boiler nonlinear mathematical model," *Energy*, Vol. 175, 2019, pp. 1194-1208.
- [24] J. Taler, W. Zima, P. Ocłoń, S. Grądziel, D. Taler, A. Cebula, M. Jaremkiewicz, A. Korzeń, P. Cisek, K. KaczmarSKI and K. Majewski, "Mathematical model of a supercritical power boiler for simulating rapid changes in boiler thermal loading," *Energy*, Vol. 175, 2019, pp. 580-592.
- [25] H. Hajebzadeh, A. N. M. Ansari and S. Niazi, "Mathematical modeling and validation of a 320MW tangentially fired boiler: A case study," *Applied Thermal Engineering*, Vol. 146, 2019, pp. 232-242.
- [26] S. Grądziel and K. Majewski, "Simulation of heat transfer in combustion chamber waterwall tubes of supercritical steam boilers," *Chemical and Process Engineering*, Vol. 37, 2016, pp. 199-213.
- [27] S. Grądziel, "Analysis of thermal and flow phenomena in natural circulation boiler evaporator," *Energy*, Vol. 172, 2019, pp. 881-891.
- [28] H. Fan, Z. G. Su, P. H. Wang and K.Y. Lee, "A dynamic nonlinear model for a wide-load range operation of ultra-supercritical once-through boiler-turbine units," *Energy*, Vol. 226, 2021, 120425.
- [29] F. M. White, *Fluid Mechanics*, 7th Edition, New York, McGraw Hill, 2011.
- [30] D. G. Kröger, *Air-cooled heat exchangers and cooling towers: thermal-flow performance evaluation and design*, Vol. 2, Oklahoma, Pennwell Corporation, 2004.
- [31] J. R. S. Thom, "Prediction of pressure drop during forced circulation boiling of water," *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 7, 1964, pp. 709-724.
- [32] W. Rohsenow, J. Hartnett and Y. Cho, *Handbook of Heat Transfer*, New York, McGraw Hill, 1998.
- [33] D. G. Kröger, *Air-cooled heat exchangers and cooling towers: thermal-flow performance evaluation and design*, Vol. 1, Oklahoma, Pennwell Corporation, 2004.
- [34] J. G. Collier and J. R. Thome, *Convective Boiling and condensation*, Third edition, New York, Oxford University Press, 1994.

English Abstract

Transient modeling of a D-type boiler with natural circulation loop: a study on boiler performance during a step change in load

Mehdi Hashemi Beni¹, Sobhan Emami^{2*}, Amir Homayoon Meghdadi Isfahani^{3**}, Alireza Shirneshan⁴, Rasool Kalbasi⁵

1- Ph.D. Student, Department of Mechanical Engineering, Najafabad Branch, Islamic Azad University, Najafabad, Iran,
m.hashemi@pmc.iaun.ac.ir

2- Assistant Professor, Department of Mechanical Engineering, Najafabad Branch, Islamic Azad University, Najafabad, Iran,
sobhan@pmc.iaun.ac.ir

3- Associate Professor, Department of Mechanical Engineering, Najafabad Branch, Islamic Azad University, Najafabad, Iran,
amir_meghdadi@pmc.iaun.ac.ir

4- Assistant Professor, Department of Mechanical Engineering, Najafabad Branch, Islamic Azad University, Najafabad, Iran,
arshirneshan@yahoo.com

5- Assistant Professor, Department of Mechanical Engineering, Najafabad Branch, Islamic Azad University, Najafabad, Iran,
r.kalbasi@pmc.iaun.ac.ir

* and ** Corresponding authors

(Received: 2022/02/27, Received in revised form: 2022/05/08, Accepted: 2022/05/23)

In this paper, the dynamic modeling of a D-type boiler was performed during a step increase in loading. The D-type boilers are used in industry to produce process saturated steam. In these types of boilers, heat absorption occurs in two sections of the furnace and the convection section. The pipes of the convection section are indirectly exposed to heat, causes the flow direction to change from the upper drum to lower drum and vice versa. One of the special features of this boiler is that the drum circulation loop is natural and as a result, the hydraulic balance equations of the system must be considered. In the present modeling, the equations of water-side were considered in one-dimensional and the equations of flue gas-side were considered in three-dimensional space using the zonal method. The transient continuity and energy equations of the water-side form a system of nonlinear ordinary differential equations which were solved using the Runge–Kutta method. To solve the water and gas-side equations in two-way coupling method, a Fortran computer program has been developed. Investigation of the boiler operating parameters during start-up can help to improve the existing control system. The comparison of the present results with the test data of the desired boiler showed that maximum modelling errors are equal to 4.8, 1, and 6.8 percent for steam pressure, drum water temperature, and outlet steam of boiler during start-up, respectively. Also, the boiler response to a step increase in consumer steam demand is less than 20 seconds.

Keywords: Saturated boiler, Dynamic modeling- D-Type bolier